

*Список литературы*

1. *Сабинин Л.В.* Одули как новый подход к геометрии со связностью // ДАН СССР. 1977. № 5. С. 800—803.
2. *Долгарев А.И.* Классические методы в дифференциальной геометрии одулярных пространств: Монография. Пенза: 2005.
3. *Долгарев А.И.* Растраны на различных структурах. Киев: 1996.
4. *Долгарев А.И.* EM-пространства: Дис. канд. физ.-мат. наук. Красноярск, 1991.

Dolgarew

CLONE OF AFFINE TRANSFORMATION OF  
ODULAR SPACE ON RASTRAN

The Lie odule of transformation of odular space on rastran of dimension 3 is considered. It is placed, that it is twice solvable, and also is the extension rastran by linear space of dimension 1.

УДК 514.75

**Н.А. Елисеева**

*(Калининградский государственный технический университет)*

**НОРМАЛЬНЫЕ СВЯЗНОСТИ, ИНДУЦИРУЕМЫЕ В  
РАССЛОЕНИИ НОРМАЛЕЙ ПЕРВОГО РОДА НА  
 $\Lambda$ -ПОДРАССЛОЕНИИ  $\mathcal{H}(\Pi)$ -РАСПРЕДЕЛЕНИЯ**

На оснащенном в смысле Нордена — Картана  $\Lambda$ -подрасслоении в расслоении его нормалей 1-го рода построены 24 нормальные связности. Указаны условия совпадения некоторых из них.

В работе используется следующая система индексов:

$$\begin{aligned} \bar{i}, \bar{k} = \overline{0, n}; \quad I, K, P, Q = \overline{1, n}; \quad p, q, s, t, r, f = \overline{1, r}; \quad i, j = \overline{r+1, m}; \\ \alpha, \beta = \overline{m+1, n-1}; \quad u, v, w, x = \overline{r+1, n-1}; \quad \hat{u}, \hat{v}, \hat{w} = \overline{r+1, n}. \end{aligned}$$

Пусть  $\mathcal{H}(\Pi)$ -распределение отнесено к реперу первого порядка  $\{A_{\bar{i}}\}$  и оснащено в смысле Нордена — Картана [1; 2]. Введем нормальные связности в расслоении нормалей первого рода на базисном  $\Lambda$ -подрасслоении  $\mathcal{H}(\Pi)$ -распределения, следуя работе [3]. Перейдем к другому проективному реперу  $\{B_{\bar{i}}\}$ , адаптированному нормализации  $\{v_n^p, v_p^0\}$  [1] базисного  $\Lambda$ -подрасслоения  $\mathcal{H}(\Pi)$ -распределения:

$$B_0 \equiv A_0, \quad B_p \equiv A_p + v_p^0 A_0, \quad B_u \equiv A_u, \quad B_n \equiv X_n,$$

где  $X_n = A_n + v_n^p A_p + \lambda_n^u A_u$ ;  $\lambda_n^v = \{\lambda_n^i, \lambda_n^\alpha\}$ ,  $\nabla \lambda_n^v + \omega_n^v = \lambda_{nK}^v \omega_0^K$ ;

$$\lambda_n^i = \frac{1}{r} \Lambda_{pq}^i \Lambda_n^{qp}, \quad \nabla \lambda_n^i + \omega_n^i = \lambda_{nK}^i \omega_0^K; \quad \lambda_n^\alpha = \frac{1}{r} \Lambda_{pq}^\alpha \Lambda_n^{qp},$$

$$\nabla \lambda_n^\alpha + \omega_n^\alpha = \lambda_{nK}^\alpha \omega_0^K.$$

Уравнения инфинитезимальных перемещений нового репера имеют вид  $dB_{\bar{i}} = \Omega_{\bar{i}}^{\bar{k}} B_{\bar{k}}$ , где формы  $\Omega_{\bar{i}}^{\bar{k}}$  выражаются через  $\omega_{\bar{i}}^{\bar{k}}$  следующим образом:

$$\begin{aligned} \Omega_0^0 &= \omega_0^0 - v_p^0 (\omega_0^p - v_n^p \omega_0^n), & \Omega_q^0 &= v_{qK}^0 \omega_0^K + v_p^0 v_n^p \omega_q^n - \\ & & & - v_p^0 v_q^0 (\omega_0^p - v_n^p \omega_0^n), \\ \Omega_0^p &= \omega_0^p - v_n^p \omega_0^n, & & \\ \Omega_0^u &= \omega_0^u - \lambda_n^u \omega_0^n, & \Omega_q^p &= \omega_q^p - v_n^p (\omega_q^n + v_q^0 \omega_0^n) + v_q^0 \omega_0^p, \\ \Omega_0^n &= \omega_0^n, & \Omega_q^u &= \omega_q^u - \lambda_n^u (\omega_q^n + v_q^0 \omega_0^n) + v_q^0 \omega_0^u, \\ & & \Omega_q^n &= \omega_q^n + v_q^0 \omega_0^n, \end{aligned} \quad (1)$$

$$\begin{aligned} \Omega_v^0 &= \omega_v^0 - v_p^0 (\omega_v^p - v_n^p \omega_v^n), & \Omega_n^0 &= \omega_n^0 + v_n^p \omega_p^0 + \lambda_n^u \omega_u^0 - v_p^0 (v_{nK}^p \times \\ & & & \times \omega_0^K + \lambda_n^u \omega_u^p - v_n^p v_n^q \omega_q^n - v_n^p \lambda_n^u \omega_u^n), \\ \Omega_v^p &= \omega_v^p - v_n^p \omega_v^n, & & \\ \Omega_v^u &= \omega_v^u - \lambda_n^u \omega_v^n, & & \\ \Omega_v^n &= \omega_v^n, & & \end{aligned}$$

Дифференциальная геометрия многообразий фигур

$$\begin{aligned}
 \Omega_n^p &= \nu_{nK}^p \omega_0^K + \lambda_n^u \omega_u^p - \\
 &- \nu_n^p (\nu_n^q \omega_q^n + \lambda_n^u \omega_u^n), \\
 \Omega_n^v &= \lambda_{nK}^v \omega_0^K + \nu_n^p \omega_p^v - \lambda_n^v (\nu_n^q \omega_q^n + \\
 &+ \lambda_n^u \omega_u^n), \\
 \Omega_n^n &= \omega_n^n + \nu_n^q \omega_q^n + \lambda_n^u \omega_u^n.
 \end{aligned}$$

Рассмотрим систему форм  $\{\Theta_{\hat{u}}^0, \Theta_{\hat{u}}^{\hat{v}}\}$

$$\Theta_{\hat{u}}^0 = \Omega_{\hat{u}}^0 + \Gamma_{\hat{u}K}^0 \Omega_0^K, \quad \Theta_{\hat{u}}^{\hat{v}} = \Omega_{\hat{u}}^{\hat{v}} - \delta_{\hat{u}}^{\hat{v}} \Omega_0^0 + \Gamma_{\hat{u}K}^{\hat{v}} \Omega_0^K. \quad (2)$$

В силу (1) соотношения (2) можно представить в виде:

$$\begin{aligned}
 \Theta_v^0 &= \omega_v^0 + \nu_q^0 (\nu_n^q \omega_v^n - \omega_v^q) - (\Gamma_{vq}^0 \nu_n^q + \Gamma_{vu}^0 \lambda_n^u) \omega_0^n + \Gamma_{vK}^0 \omega_0^K, \\
 \Theta_n^0 &= \omega_n^0 - \nu_q^0 (\nu_{nK}^q \omega_0^K + \lambda_n^v \omega_v^q - \nu_n^q (\nu_n^p \omega_p^n + \lambda_n^v \omega_v^n)) + \nu_n^p \omega_p^0 + \lambda_n^v \omega_v^0 - \\
 &- (\Gamma_{nq}^0 \nu_n^q + \Gamma_{nu}^0 \lambda_n^u) \omega_0^n + \Gamma_{nK}^0 \omega_0^K, \\
 \Theta_v^u &= \omega_v^u - \lambda_n^u \omega_v^n - \delta_v^u (\omega_0^0 - \nu_p^0 \omega_0^p + \nu_p^0 \nu_n^p \omega_0^n) - (\Gamma_{vq}^u \nu_n^q + \\
 &+ \Gamma_{vw}^u \lambda_n^w) \omega_0^n + \Gamma_{vK}^u \omega_0^K, \\
 \Theta_n^u &= \lambda_{nK}^u \omega_0^K + \nu_n^p \omega_p^u - \lambda_n^u (\nu_n^p \omega_p^n + \lambda_n^v \omega_v^n) - (\Gamma_{nq}^u \nu_n^q + \Gamma_{nw}^u \lambda_n^w) \omega_0^n + \Gamma_{nK}^u \omega_0^K, \\
 \Theta_v^n &= \omega_v^n - (\Gamma_{vq}^n \nu_n^q + \Gamma_{vw}^n \lambda_n^w) \omega_0^n + \Gamma_{vK}^n \omega_0^K, \\
 \Theta_n^n &= \omega_n^n + \nu_n^p \omega_p^n + \lambda_n^v \omega_v^n - \omega_0^0 + \nu_p^0 (\omega_0^p - \nu_n^p \omega_0^n) - \\
 &- (\Gamma_{nq}^n \nu_n^q + \Gamma_{nu}^n \lambda_n^u) \omega_0^n + \Gamma_{nK}^n \omega_0^K.
 \end{aligned} \quad (3)$$

Для того чтобы система форм (3) удовлетворяла структурным уравнениям Картана - Лаптева [4]

$$\begin{aligned}
 D\Theta_{\hat{u}}^0 &= \Theta_{\hat{u}}^{\hat{v}} \wedge \Theta_{\hat{v}}^0 + \frac{1}{2} R_{\hat{u}PQ}^0 \omega_0^P \wedge \omega_0^Q, \\
 D\Theta_{\hat{u}}^{\hat{v}} &= \Theta_{\hat{u}}^{\hat{w}} \wedge \Theta_{\hat{w}}^{\hat{v}} + \frac{1}{2} R_{\hat{u}PQ}^{\hat{v}} \omega_0^P \wedge \omega_0^Q,
 \end{aligned} \quad (4)$$

необходимо и достаточно, чтобы функции  $\Gamma_{\hat{u}K}^0$ ,  $\Gamma_{\hat{u}K}$  удовлетворяли следующим дифференциальным уравнениям:

$$\begin{aligned}
 d\Gamma_{up}^0 + 2\Gamma_{up}^0\omega_0^0 + \Gamma_{up}^w\omega_w^0 + \Gamma_{up}^n(\omega_n^0 + \nu_n^q\omega_q^0 + \lambda_n^w\omega_w^0) - \Gamma_{wp}^0\omega_u^w - \Gamma_{uq}^0\omega_p^q &= \Gamma_{upK}^0\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{uv}^0 + 2\Gamma_{uv}^0\omega_0^0 + \Gamma_{uv}^w\omega_w^0 + \Gamma_{uv}^n(\omega_n^0 + \nu_n^q\omega_q^0 + \lambda_n^w\omega_w^0) - \Gamma_{wv}^0\omega_u^w - \Gamma_{uv}^0\omega_v^w &= \Gamma_{uvK}^0\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{un}^0 + \Gamma_{un}^0(2\omega_0^0 - \omega_n^n) + \Gamma_{un}^w\omega_w^0 + \Gamma_{un}^n(\omega_n^0 + \nu_n^q\omega_q^0 + \lambda_n^w\omega_w^0) - \Gamma_{wn}^0\omega_u^w &= \Gamma_{unK}^0\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{np}^0 + \Gamma_{np}^0(2\omega_0^0 - \omega_n^n) + \Gamma_{np}^w\omega_w^0 + \Gamma_{np}^n(\omega_n^0 + \nu_n^q\omega_q^0 + \lambda_n^w\omega_w^0) - \Gamma_{nq}^0\omega_p^q &= \Gamma_{npK}^0\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{nv}^0 + \Gamma_{nv}^0(2\omega_0^0 - \omega_n^n) + \Gamma_{nv}^w\omega_w^0 + \Gamma_{nv}^n(\omega_n^0 + \nu_n^q\omega_q^0 + \lambda_n^w\omega_w^0) - \Gamma_{nw}^0\omega_v^w &= \Gamma_{nvK}^0\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{mn}^0 + 2\Gamma_{mn}^0(\omega_0^0 - \omega_n^n) + \Gamma_{mn}^w\omega_w^0 + \Gamma_{mn}^n(\omega_n^0 + \nu_n^q\omega_q^0 + \lambda_n^w\omega_w^0) &= \Gamma_{mnK}^0\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{up}^v + \Gamma_{up}^v\omega_0^0 + \Gamma_{up}^w\omega_w^v - \Gamma_{wp}^v\omega_u^w - \Gamma_{uq}^v\omega_p^q &= \Gamma_{upK}^v\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{uv}^v + \Gamma_{uv}^v\omega_0^0 + \delta_u^v\omega_w^0 + \delta_w^v\omega_u^0 + \Gamma_{uv}^x\omega_x^v - \Gamma_{xv}^v\omega_u^x - \Gamma_{ux}^v\omega_w^x &= \Gamma_{uvK}^v\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{un}^v + \Gamma_{un}^v(\omega_0^0 - \omega_n^n) + \Gamma_{un}^w\omega_w^v + \delta_u^v(\omega_n^0 + \nu_n^q\omega_q^0 + \lambda_n^w\omega_w^0) - \Gamma_{wn}^v\omega_u^w &= \Gamma_{unK}^v\omega_0^K, \quad (5) \\
 d\Gamma_{np}^v + \Gamma_{np}^v(\omega_0^0 - \omega_n^n) + \Gamma_{np}^w\omega_w^v - \Gamma_{nq}^v\omega_p^q &= \Gamma_{npK}^v\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{nu}^v + \Gamma_{nu}^v(\omega_0^0 - \omega_n^n) + \delta_u^v(\omega_n^0 + \nu_n^q\omega_q^0 + \lambda_n^w\omega_w^0) + \Gamma_{nu}^w\omega_w^v - \Gamma_{nw}^v\omega_u^w &= \Gamma_{nuK}^v\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{mn}^v + \Gamma_{mn}^v(\omega_0^0 - 2\omega_n^n) + \Gamma_{mn}^w\omega_w^v &= \Gamma_{mnK}^v\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{up}^n + \Gamma_{up}^n(\omega_0^0 + \omega_n^n) - \Gamma_{wp}^n\omega_u^w - \Gamma_{uq}^n\omega_p^q &= \Gamma_{upK}^n\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{uv}^n + \Gamma_{uv}^n(\omega_0^0 + \omega_n^n) - \Gamma_{wv}^n\omega_u^w - \Gamma_{uv}^n\omega_v^w &= \Gamma_{uvK}^n\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{un}^n + \Gamma_{un}^n\omega_0^0 + \omega_u^0 - \Gamma_{wn}^n\omega_u^w &= \Gamma_{unK}^n\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{np}^n + \Gamma_{np}^n\omega_0^0 - \Gamma_{nq}^n\omega_p^q &= \Gamma_{npK}^n\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{nv}^n + \Gamma_{nv}^n\omega_0^0 - \Gamma_{nw}^n\omega_v^w + \omega_v^0 &= \Gamma_{nvK}^n\omega_0^K, \\
 d\Gamma_{mn}^n + \Gamma_{mn}^n(\omega_0^0 - \omega_n^n) + 2(\omega_n^0 + \nu_n^q\omega_q^0 + \lambda_n^w\omega_w^0) &= \Gamma_{mnK}^n\omega_0^K.
 \end{aligned}$$

Определение. Говорят [5], что система форм  $\{\Theta_{\hat{u}}^0, \Theta_{\hat{u}}^{\hat{v}}\}$  определяет центропроективную линейную связность  $\nabla^\perp$  в

Дифференциальная геометрия многообразий фигур

расслоении нормалей первого рода (нормальную центропроективную связность первого рода), если она удовлетворяет структурным уравнениям Картана - Лаптева (4).

Функции

$$\begin{aligned}\Gamma_{up}^0 &= \Gamma_{up}^v = \Gamma_{np}^v = \Gamma_{mn}^v = \Gamma_{up}^n = 0, \quad \Gamma_{un}^0 = \Gamma_{nu}^0 = -v_n^0 v_u^0, \quad \Gamma_{mn}^0 = (v_n^0)^2, \\ \Gamma_{mn}^n &= 2v_n^0, \quad \Gamma_{un}^v = \Gamma_{nu}^v = \delta_u^v v_n^0, \quad \Gamma_{uv}^v = -(\delta_u^v \lambda_w^0 + \delta_w^v \lambda_u^0), \\ \Gamma_{nu}^n &= \Gamma_{un}^n = -\lambda_u^0, \quad \Gamma_{uv}^0 = \lambda_u^0 \lambda_v^0 + \Gamma_{uv}^n v_n^0, \quad \Gamma_{np}^0 = \Gamma_{np}^n v_n^0,\end{aligned}$$

$$\text{где } \lambda_v^0 = \{\lambda_i^0, \lambda_\alpha^0\}, \quad \nabla \lambda_v^0 + \omega_v^0 = \lambda_{vK}^0 \omega_0^K, \quad \lambda_i^0 = -\frac{1}{r} \Lambda_{ip}^p,$$

$$\nabla \lambda_i^0 + \omega_i^0 = \lambda_{iK}^0 \omega_0^K, \quad \lambda_\alpha^0 = -\frac{1}{r} \Lambda_{\alpha p}^p, \quad \nabla \lambda_\alpha^0 + \omega_\alpha^0 = \lambda_{\alpha K}^0 \omega_0^K,$$

будут удовлетворять уравнениям (5), если в качестве тензоров  $\Gamma_{np}^n$ ,  $\Gamma_{uv}^n$  взять любой из следующих охватов:

$$\Gamma_{uv}^n = 0, \quad \Gamma_{uv}^n = \Lambda_{uv}^n; \quad (6)$$

$$\begin{aligned}\Gamma_{np}^n &= 0, & \Gamma_{np}^n &= \frac{1}{2} (\Lambda_{pn}^n + a_p + \Lambda_{pn}^n \lambda_n^v) + b_{pq}^n v_n^q, \\ \Gamma_{np}^n &= \frac{1}{2} (\Lambda_{pn}^n + l_p + \Lambda_{pn}^n \lambda_n^v) + b_{pq}^n v_n^q, & \Gamma_{np}^n &= \frac{1}{2} (\Lambda_{pn}^n + e_p + \Lambda_{pn}^n \lambda_n^v) + b_{pq}^n v_n^q, \\ \Gamma_{np}^n &= \Lambda_{pn}^n + v_p^0 + \Lambda_{pq}^n v_n^q + \Lambda_{pn}^n \lambda_n^v, & \Gamma_{np}^n &= b_p - v_p^0 + b_{pq}^n v_n^q, \\ \Gamma_{np}^n &= a_p - v_p^0 + \Lambda_{qp}^n v_n^q, & \Gamma_{np}^n &= l_p - v_p^0 + \Lambda_{qp}^n v_n^q, \\ \Gamma_{np}^n &= e_p - v_p^0 + \Lambda_{qp}^n v_n^q, & \Gamma_{np}^n &= C_p + 3B_p - 4v_p^0 + 2b_{pq}^n v_n^q, \\ \Gamma_{np}^n &= C_p - v_p^0 + \Lambda_{qp}^n v_n^q, & \Gamma_{np}^n &= \Lambda_{pq}^n T_n^q, \quad \Lambda_{[pq]}^n = 0.\end{aligned} \quad (7)$$

Функции, входящие в охваты (7), построены, следуя работам [6, 7] и имеют вид:

$$a_p = \frac{1}{r+2} \Lambda_n^{qr} \Lambda_{rqp}^n, \quad \nabla a_p + a_p \omega_0^0 - \Lambda_{qp}^n \omega_n^q + \omega_p^0 = a_{pK} \omega_0^K,$$

$$\begin{aligned}
 l_p &= \frac{1}{m-r} \Lambda_n^i \Lambda_{ij}^n, \quad \nabla l_p + l_p \omega_0^0 - \Lambda_{qp}^n \omega_n^q + \omega_p^0 = l_{pK} \omega_0^K, \\
 c_p &= \frac{1}{n-m-1} \Lambda_n^{\beta\alpha} \Lambda_{\alpha\beta}^n, \quad \nabla e_p + e_p \omega_0^0 - \Lambda_{qp}^n \omega_n^q + \omega_p^0 = e_{pK} \omega_0^K, \\
 b_{pq}^n &= \frac{1}{2} (\Lambda_{pq}^n + \Lambda_{qp}^n), \quad \nabla b_{pq}^n + b_{pq}^n \omega_0^0 = b_{pqK}^n \omega_0^K, \\
 b_p &= \frac{1}{r+2} b_{pqt}^n b_n^{qt}, \quad \nabla b_p = -b_p \omega_0^0 - \omega_p^0 + b_{ps}^n \omega_n^s + \hat{b}_{pK} \omega_0^K, \\
 B_{pqt}^n &= \frac{1}{3} b_{(pqt)}^n, \\
 \nabla B_{pqt}^n + 2B_{pqt}^n \omega_0^0 + b_{(pq)}^n \omega_{t)}^0 - b_{(pq)}^n b_{t)s}^n \omega_n^s - \frac{1}{3} r_{s(p}^n b_{qt)}^n \omega_n^s &= B_{pqtK}^n \omega_0^K, \\
 B_p &= \frac{1}{r+2} B_{pqt}^n b_n^{qt}, \quad \nabla B_p = -B_p \omega_0^0 - \omega_p^0 + b_{ps}^n \omega_n^s + \frac{1}{3} r_{sp}^n \omega_n^s + B_{pK} \omega_0^K, \\
 C_{pqt}^n &= B_{pqt}^n - b_{(pq)}^n B_{t)}, \quad \nabla C_{pqt}^n = -2C_{pqt}^n \omega_0^0 + (\dots)_K \omega_0^K, \\
 C &= b_n^{ps} b_n^{qt} b_n^{rf} C_{pqr}^n C_{stf}^n, \quad d \ln C + \omega_0^0 - \omega_n^n = C_K \omega_0^K. \quad (8)
 \end{aligned}$$

Продолжение уравнений (8) приводит к дифференциальным уравнениям (выпишем только для величин  $C_p$ ):

$$\begin{aligned}
 \nabla C_p + C_p \omega_0^0 + \Lambda_{qp}^n \omega_n^q + \omega_p^0 &= C_{pK} \omega_0^K, \\
 T_n^p &\stackrel{def}{=} W_n^p + F_n^p, \quad \nabla T_n^p = T_{nK}^p \omega_0^K.
 \end{aligned}$$

Обозначим структурные формы (3) при охватах (6), (7) соответственно через  $\Theta_{\hat{u}}^{\Phi\Psi}$ ,  $\Theta_{\hat{u}}^{\Phi\Psi}$  ( $\Phi = 0,1$ ;  $\Psi = \overline{0,11}$ ). Рассматривая попарные комбинации охватов (6) и (7), получим 24 нормальные связности  $\nabla^{\overset{0\Psi}{\perp}}$ ,  $\nabla^{\overset{1\Psi}{\perp}}$ .

### Дифференциальная геометрия многообразий фигур

Если  $\Lambda$ -подрасслоение голономно, то в этом случае  $\Lambda_{pq}^n = b_{pq}^n$ ,  $b_p = a_p$  и, следовательно, тензоры  $\Gamma_{nr}^n$  и  $\Gamma_{nr}^n$  совпадают. Эти тензоры будут также совпадать в случае, если  $M$ -подрасслоение голономно, или  $M$ -подрасслоение несет двухкомпонентную сопряженную систему  $(\Lambda, L)$ , или в случае голономности  $H$ -распределения, или взаимности  $\Lambda$ -,  $L$ -,  $M$ -распределений. Таким образом, приходим к предложению:

*Теорема. На оснащенном в смысле Нордена - Картана  $\Lambda$ -подрасслоении в расслоении его нормалей 1-го рода индуцируются 24 нормальные связности  $\overset{0\Psi}{\nabla}^\perp$ ,  $\overset{1\Psi}{\nabla}^\perp$ , задаваемые системами слоевых форм  $\{\Theta_{\hat{a}}^0, \Theta_{\hat{a}}^{\hat{a}}\}$ , причем связности  $\overset{\Phi 11}{\nabla}^\perp$  определены при  $\Lambda_{[pq]}^n = 0$ . Связности  $\overset{\Phi 5}{\nabla}^\perp$  и  $\overset{\Phi 6}{\nabla}^\perp$  будут совпадать в случаях:*

- 1) голономного  $\Lambda$ -подрасслоения;
- 2) голономности  $M$ -подрасслоения или если  $M$ -распределение несет двухкомпонентную сопряженную систему  $(\Lambda, L)$ ;
- 3) голономности  $H$ -распределения или взаимности  $\Lambda$ -,  $L$ -,  $M$ -подрасслоений.

### **Список литературы**

1. Елисеева Н.А.  $\mathcal{H}(\Pi)$ -распределения проективного пространства. Калининград, 2002. Деп. в ВИНТИ РАН. № 206-В2002.
2. Елисеева Н.А. Двойственный образ  $\square(\Pi)$ -распределения проективного пространства // Диф. геом. многообр. фигур. Калининград, 2002. Вып. № 33. С. 29—34.

3. *Фисунов П.А.* Центропроективные связности в расслоениях нормалей первого рода на неголономной гиперполосе. Чебоксары, 1998. Деп. в ВИНТИ РАН.- № 627-В98.

4. *Лантев Г.Ф.* Дифференциальная геометрия погруженных многообразий. Теоретико-групповой метод дифференциально-геометрических исследований // Тр. Моск. мат. об-ва. 1953. Т.2. С. 275—382.

5. *Чакмазян А.В.* Связность в нормальных расслоениях нормализованного подмногообразия  $V_m$  в  $P_n$  // Проблемы геометрии / ВИНТИ. М., 1978. Т.10. С. 55—74.

6. *Столяров А.В.* Проективно-дифференциальная геометрия регулярного гиперполосного распределения  $m$ -мерных линейных элементов // Проблемы геометрии / ВИНТИ. 1975. Т. 7. С. 117—151.

7. *Попов Ю.И.* Инвариантные подпространства, ассоциированные с  $H(M(\Lambda))$ -распределением проективного пространства. I. Калининград, 1984. Деп. в ВИНТИ. № 4481—84.

**N. Eliseeva**

**NORMAL CONNECTIONS, INDUCED IN A BUNDLE OF  
NORMALS OF THE 1-ST KIND ON  $\Lambda$ -SUB BUNDLE OF  
 $H(\Pi)$ -DISTRIBUTION**

Twenty four normal connections are constructed on equipped in sens of Norden-Cartan  $\Lambda$ -subbundle in a bundle of its normals of the 1-st kind. The coincidence conditions of some connections are indicated.

УДК 514.75

*М.В. Кретов*