

$$dy^i \cdot dx^j = \begin{cases} \alpha dx^i \cdot dy^j, & i \geq j; \\ \bar{\alpha} dx^i \cdot dy^j, & i < j. \end{cases}$$

От базиса  $dx^i, dy^j$  можно перейти к базису  $d\bar{z}^i, d\bar{z}^i$ . Умножение форм  $d\bar{z}^i$  и  $d\bar{z}^i$  определяется формулами типа (19) или (20). Элемент алгебры  $E^m(\mathbb{C}^n)$  может быть записан в виде:

$$\zeta = \sum_{a_k, \epsilon_k = \overline{0, m}} \zeta_{a_1 \dots a_n \epsilon_1 \dots \epsilon_n} (d\bar{z}^1)^{a_1} \dots (d\bar{z}^n)^{a_n} (d\bar{z}^1)^{\epsilon_1} \dots (d\bar{z}^n)^{\epsilon_n},$$

а дифференциальный оператор  $\mathcal{D}$ :

$$\mathcal{D}\zeta = \sum_{a_k, \epsilon_k = \overline{0, m}} d\zeta_{a_1 \dots a_n \epsilon_1 \dots \epsilon_n} (d\bar{z}^1)^{a_1} \dots (d\bar{z}^n)^{a_n} (d\bar{z}^1)^{\epsilon_1} \dots (d\bar{z}^n)^{\epsilon_n}$$

представляется в виде суммы двух дифференциальных операторов

$$\mathcal{D} = \sum_{i=1}^n \frac{\partial}{\partial z^i} d\bar{z}^i + \sum_{i=1}^n \frac{\partial}{\partial \bar{z}^i} d\bar{z}^i = \partial + \bar{\partial}. \quad (21)$$

Операторы  $\partial$  и  $\bar{\partial}$  могут быть приняты в качестве граничных операторов и использованы для определения серий групп когомологий на комплексных или почти комплексных многообразиях.

#### Библиографический список

1. Б у р л а к о в М.П. Клиффордовы расслоения и калибровочные поля // Гравитация и теория относительности. Казань 1986. Вып.23. С.30-36.

2. Б у р л а к о в М.П. Грассмановы структуры на гладких многообразиях // Оптимальное управление, геометрия и анализ: Тез. Всес. школы. Кемерово, 1988. С.15.

3. Б у р л а к о в М.П. Обобщенные внешние алгебры на комплексных многообразиях // Проблемы теоретической и прикладной математики: Тез. докл. конф. Тарту, 1990. С.44-46.

## $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ - РАСПРЕДЕЛЕНИЯ ПРОЕКТИВНОГО ПРОСТРАНСТВА

С.Ю.В о л к о в а

(Калининградское ВИМУ)

Вводятся в рассмотрение  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения, которые образуют специальный класс  $\mathcal{H}$ -распределений проективного пространства  $P_n$  [1]. Дано задание  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения в репере  $R_1$  первого порядка и доказана теорема существования [1]. Найдены поля основных геометрических объектов  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения в окрестностях 1-го и 2-го порядка. Выяснена геометрическая интерпретация голономности основных структурных подрасположений  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения. Для основных структурных распределений данного  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения введены нормализации Нордена-Чакмазяна [2], [3].

В работе используется следующая схема индексов:

$$J, K, L, \dots = \overline{1, n}; \quad p, q, s, t = \overline{1, \bar{r}}; \quad i, j, k, l = \overline{r+1, m};$$

$$\alpha, \beta, \gamma = \overline{m+1, n-1}; \quad u, v, w = \overline{r+1, n-1}; \quad \beta, \sigma, \tau = \overline{1, n-1};$$

$$a, \epsilon, \varsigma, d = (\overline{1, m}; n); \quad \hat{u}, \hat{v}, \hat{w} = \overline{r+1, n}; \quad \hat{A}, \hat{B}, \hat{C} = (\overline{1, \bar{r}}; \overline{m+1, n-1}; n);$$

$$\hat{a}, \hat{\epsilon}, \hat{\varsigma}, \hat{d} = (\overline{1, m}; n); \quad \hat{p}, \hat{q}, \hat{s}, \hat{t} = (\overline{1, \bar{r}}; n); \quad \hat{i}, \hat{j}, \hat{k}, \hat{l} = (\overline{r+1, m}; n);$$

$$\bar{j}, \bar{k}, \bar{l}, \dots = \overline{0, n}$$

§ 1. Дифференциальные уравнения  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения проективного пространства  $P_n$

Рассмотрим специальный класс  $\mathcal{H}$ -распределений, для которых  $M$ -распределение скомпоновано [4], т.е. в каждом центре имеем соотношение:

$$L(A_0) \cap L(A_0) = A_0, \quad [L(A_0), L(A_0)] = M(A_0). \quad (1.1)$$

Этот класс  $\mathcal{H}$ -распределений введен в работе [1] и обозначается  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ . Репер выберем так, чтобы точки  $\{A_p\} \subset L(A_0)$ ,  $\{A_i\} \subset L(A_0)$ . Относительно репера нулевого порядка  $R(\mathcal{H})$  дифференциальные уравнения  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения в проективном про-

странстве имеют вид [5]:

$$\left\{ \begin{aligned} \omega_p^n &= \Lambda_{px}^n \omega_0^x = M_{px}^n \omega_0^x = H_{px}^n \omega_0^x, & \omega_i^n &= L_{ix}^n \omega_0^x = M_{ix}^n \omega_0^x = H_{ix}^n \omega_0^x, \\ \omega_p^\alpha &= \Lambda_{px}^\alpha \omega_0^x = M_{px}^\alpha \omega_0^x, & \omega_i^\alpha &= L_{ix}^\alpha \omega_0^x = M_{ix}^\alpha \omega_0^x, \\ \omega_p^i &= \Lambda_{px}^i \omega_0^x, & \omega_i^i &= L_{ix}^i \omega_0^x, \\ \omega_\alpha^n &= H_{\alpha x}^n \omega_0^x. \end{aligned} \right. \quad (1.2)$$

Выделим подкласс скомпонованных  $\mathcal{H}(\Lambda, L)$ -распределений следующим образом. Потребуем, чтобы характеристика  $\chi_{n-1}(A_0)$  гиперплоскости  $H(A_0)$  при смещении центра  $A_0$  вдоль кривых [5], принадлежащих  $\Lambda$ -распределению, проходила через плоскость  $L(A_0)$ . Аналогично, потребуем, чтобы характеристика  $\chi_{n-1}(A_0)$  гиперплоскости  $H(A_0)$  при смещении центра  $A_0$  вдоль кривых [5], принадлежащих  $L$ -распределению, проходила через плоскость  $\Lambda(A_0)$ , и, кроме того, точки  $\{A_\alpha\}$  поместим в характеристику  $\chi_{n-m-1}(A_0)$ . Тогда имеем:

$$L_{ip}^n = 0, \quad \Lambda_{pj}^n = 0, \quad H_{\alpha p}^n = 0, \quad H_{\alpha j}^n = 0; \quad (1.3)$$

$$\omega_\alpha^p = M_{\alpha x}^p \omega_0^x, \quad \omega_\alpha^i = N_{\alpha x}^i \omega_0^x. \quad (1.4)$$

Скомпонованные  $\mathcal{H}(\Lambda, L)$ -распределения, выделенные условиями (1.3), назовем  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределениями [5]. Отметим, что величины  $\{M_{\alpha x}^p\}, \{N_{\alpha x}^i\}$  (1.4) являются компонентами фундаментального объекта второго порядка  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения.

Продолжение уравнений (1.2), (1.4) приводит к следующим дифференциальным уравнениям и соотношениям, которым подчинены компоненты фундаментального объекта второго порядка  $\Gamma_2 = \{\Gamma_1, N_{\alpha x}^p, N_{\alpha x}^i\}$   $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения:

$$\left\{ \begin{aligned} \nabla \Lambda_{px}^n + \Lambda_{px}^n \omega_0^x - \omega_p^x \delta_x^n &= \Lambda_{pxz}^n \omega_0^z, \\ \nabla \Lambda_{px}^\alpha + \Lambda_{px}^\alpha \omega_0^x + \Lambda_{px}^n \omega_n^\alpha - \omega_p^\alpha \delta_x^\alpha &= \Lambda_{pxz}^\alpha \omega_0^z, \\ \nabla \Lambda_{px}^i + \Lambda_{px}^i \omega_0^x + \Lambda_{px}^n \omega_n^i - \omega_p^i \delta_x^i &= \Lambda_{pxz}^i \omega_0^z, \\ \nabla L_{ix}^n + L_{ix}^n \omega_0^x - \delta_x^n \omega_i^x &= L_{ixz}^n \omega_0^z, \\ \nabla L_{ix}^\alpha + L_{ix}^\alpha \omega_0^x + L_{ix}^n \omega_n^\alpha - \omega_i^\alpha \delta_x^\alpha &= L_{ixz}^\alpha \omega_0^z, \\ \nabla L_{ix}^i + L_{ix}^i \omega_0^x + L_{ix}^n \omega_n^i - \omega_i^i \delta_x^i &= L_{ixz}^i \omega_0^z, \end{aligned} \right. \quad (1.5)$$

$$\nabla H_{\alpha p}^n + H_{\alpha p}^n \omega_0^x = H_{\alpha px}^n \omega_0^x,$$

$$\nabla H_{\alpha n}^n + H_{\alpha n}^n \omega_0^x - H_{\alpha p}^n \omega_n^p - \omega_\alpha^n = H_{\alpha nx}^n \omega_0^x,$$

$$\nabla N_{\alpha x}^p + N_{\alpha x}^p \omega_0^x + H_{\alpha x}^n \omega_n^p - \delta_x^p \omega_\alpha^n = N_{\alpha xz}^p \omega_0^z,$$

$$\nabla N_{\alpha x}^i + N_{\alpha x}^i \omega_0^x + H_{\alpha x}^n \omega_n^i - \delta_x^i \omega_\alpha^n = N_{\alpha xz}^i \omega_0^z,$$

$$\text{где} \left\{ \begin{aligned} L_{ij}^n \Lambda_{[pq]}^j + \Lambda_{[pqr]}^n L_{[ijq]}^s + L_{in}^n \Lambda_{[rpq]}^j + L_{ia}^n \Lambda_{[rpq]}^\alpha &= 0, \\ \Lambda_{pq}^n L_{[ij]}^q + L_{x[i}^n \Lambda_{|p|j]}^x + \Lambda_{pn}^n L_{[ij]}^n + \Lambda_{pa}^n L_{[ij]}^\alpha &= 0, \\ H_{\alpha n}^n \Lambda_{[pq]}^n + H_{\alpha p}^n \Lambda_{[rpq]}^p + \Lambda_{[tqr]}^n N_{[i]q]}^t + L_{it}^n N_{[i]q]}^i &= 0, \\ H_{\alpha n}^n L_{[ij]}^n + H_{\alpha p}^n L_{[ij]}^p + L_{x[i}^n N_{|a|j]}^x &= 0. \end{aligned} \right. \quad (1.6)$$

Коэффициенты в правых частях уравнений (1.5), вообще говоря, не симметричны по нижним индексам. Учитывая связи (1.6) на компоненты фундаментального объекта второго порядка  $\Gamma_2$  распределения  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ , приходим к предложению:

Теорема существования [5].  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределение существует с произволом

$$2[m(n-m-1) + \tau(m-\tau)] - [(n-\tau-1)C_2^2 + (n-\ell-1)C_2^2]$$

функций  $n$  аргументов.

Выясним геометрическую характеристику репера  $\mathcal{R}_1$  первого порядка. Введем тангенциальный репер  $\{\tau^{\bar{j}}\}$ , взаимный точечному:

$$\{A_{\bar{x}}\}: (\Lambda_{\bar{x}}, \tau^{\bar{j}}) = \delta_{\bar{x}}^{\bar{j}}, \quad d\tau^{\bar{j}} = -\omega_{\bar{x}}^{\bar{j}} \tau^{\bar{x}} \quad (\tau^n \stackrel{\text{def}}{=} \Pi_{n-1}(A_0)).$$

Так как по условию при смещении центра  $A_0$  вдоль кривых

$$\lambda: \omega_0^i = 0, \quad \omega_0^p = \mu^p \theta, \quad \partial \theta = \theta \wedge \theta^0, \quad \nabla \mu^p - \mu^p (\theta^0 + \omega_0^x) = \bar{\mu}^p \theta, \quad (1.7)$$

принадлежащих базисному распределению  $\mathcal{H}_\tau$ , точки  $\{A_\alpha\}$  и  $\{A_i\}$  принадлежат  $(n-\tau-1)$ -мерной характеристике  $\chi_{n-\tau-1}(A_0)$ , то имеем:

$$\left\{ \begin{aligned} (A_i, d\tau^n) &\equiv 0 \pmod{\lambda} \Leftrightarrow L_{ip}^n = 0, \\ (A_\alpha, d\tau^n) &\equiv 0 \pmod{\lambda} \Leftrightarrow H_{\alpha p}^n = 0. \end{aligned} \right. \quad (1.8)$$

Аналогично при смещении центра  $A_0$  распределения  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$  вдоль кривых

$$\ell: \omega_0^{\hat{A}} = 0, \quad \omega_0^i = \mu^i \theta, \quad 2\theta = \theta \wedge \theta_0^i, \quad \nabla \mu^i - \mu^i (\theta_0^i + \omega_0^i) = \bar{\mu}^i \theta, \quad (1.9)$$

принадлежащих распределению  $\mathcal{H}_\ell$ , имеем:

$$\begin{cases} (A_\alpha, d\tau^n) \equiv 0 \pmod{\ell} \Leftrightarrow H_{\alpha j}^n = 0, \\ (A_p, d\tau^n) \equiv 0 \pmod{\ell} \Leftrightarrow \Lambda_{pj}^n = 0. \end{cases} \quad (1.10)$$

Условия

$$H_{\alpha j}^n = 0, \quad H_{\alpha p}^n = 0, \quad (1.11)$$

$$H_{\alpha p}^n = 0, \quad L_{ip}^n = 0, \quad (1.12)$$

$$H_{\alpha j}^n = 0, \quad \Lambda_{pj}^n = 0 \quad (1.13)$$

необходимы и достаточны, чтобы соответственно распределения  $\mathcal{H}_{n-m-1}, \mathcal{H}_{n-2-1}, \mathcal{H}_{n-1-1}$  были взаимны [6], [7].

Тензоры  $\{\Lambda_{pq}^n\}, \{M_{\alpha\epsilon}^n\}, \{L_{ij}^n\}, \{H_{\alpha p}^n\}$  — невырожденные, т.к. распределения  $\mathcal{H}_z, \mathcal{H}_m, \mathcal{H}_\ell, \mathcal{H}_{n-m-1}$  регулярные, т.е.

$$\begin{cases} \Lambda \stackrel{\text{def}}{=} \det \|\Lambda_{pq}^n\| \neq 0, \quad L \stackrel{\text{def}}{=} \det \|L_{ij}^n\| \neq 0, \quad H \stackrel{\text{def}}{=} \det \|H_{\alpha p}^n\| \neq 0, \\ M \stackrel{\text{def}}{=} \det \begin{vmatrix} \Lambda_{pq}^n & 0 \\ 0 & L_{ij}^n \end{vmatrix} = \det \|M_{\alpha\epsilon}^n\| = \Lambda \cdot L \neq 0. \end{cases} \quad (1.14)$$

Для тензоров первого порядка  $\{\Lambda_{pq}^n\}, \{L_{ij}^n\}, \{H_{\alpha p}^n\}$  можно ввести обратные тензоры  $\{\Lambda_n^{pq}\}, \{L_n^{ij}\}, \{H_n^{\alpha p}\}$ , компоненты которых удовлетворяют соответственно условиям:

$$\begin{cases} \Lambda_n^{pq} \Lambda_{qt}^n = \Lambda_n^{qp} \Lambda_{tq}^n = \delta_t^p, \quad \nabla \Lambda_n^{pq} - \Lambda_n^{pq} \omega_0^i = \Lambda_{nk}^{pq} \omega_0^k; \\ L_n^{ik} L_{kj}^n = L_n^{ki} L_{jk}^n = \delta_j^i, \quad \nabla L_n^{ij} - L_n^{ij} \omega_0^k = L_{nk}^{ij} \omega_0^k; \\ H_n^{\alpha\beta} H_{\beta\gamma}^n = H_n^{\beta\alpha} H_{\gamma\beta}^n = \delta_\gamma^\alpha, \quad \nabla H_n^{\alpha\beta} - H_n^{\alpha\beta} \omega_0^i = H_{nk}^{\alpha\beta} \omega_0^k. \end{cases} \quad (1.15)$$

## § 2. Об основных геометрических объектах первого и второго порядков

1. Из дифференциальных уравнений (1.5) следует, что величины

$$\{\Lambda_{pq}^{\hat{u}}\}, \{\Lambda_{pq}^{\hat{\alpha}}\}, \{L_{pi}^{\alpha}\}, \{L_{ip}^{\alpha}\}, \{L_{ij}^{\hat{\alpha}}\}, \{\Lambda_{pq}^{\hat{p}}\}, \{L_{ik}^{\hat{p}}\}, \{L_{ij}^{\hat{p}}\}$$

образуют тензоры первого порядка, а величины

$$\{N_{\alpha p}^{\hat{p}}\}, \{N_{\alpha j}^i\}, \{N_{\alpha p}^{\hat{p}}\}, \{N_{\alpha q}^i\}, \{N_{\alpha j}^i\}, \{N_{\alpha p}^{\hat{p}}\} -$$

тензоры второго порядка  $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения, не симметричные по нижним индексам. Построим с помощью этих тензоров следующие охваты.

а) Охваты симметрических тензоров  $\{\epsilon_{pq}^{\hat{u}}\}, \{\ell_{ij}^{\hat{\alpha}}\}, \{m_{\alpha\epsilon}^{\hat{\alpha}}\}, \{h_{\alpha p}^n\}$  первого порядка:

$$\epsilon_{pq}^{\hat{u}} = \frac{1}{2} (\Lambda_{pq}^{\hat{u}} + \Lambda_{qp}^{\hat{u}}), \quad \nabla \epsilon_{pq}^{\hat{u}} + \epsilon_{pq}^{\hat{u}} \omega_0^i = \epsilon_{pqk}^{\hat{u}} \omega_0^k; \quad (2.1)$$

$$\ell_{ij}^{\hat{\alpha}} = \frac{1}{2} (L_{ij}^{\hat{\alpha}} + L_{ji}^{\hat{\alpha}}), \quad \nabla \ell_{ij}^{\hat{\alpha}} + \ell_{ij}^{\hat{\alpha}} \omega_0^k = \ell_{ijk}^{\hat{\alpha}} \omega_0^k; \quad (2.2)$$

$$m_{\alpha\epsilon}^{\hat{\alpha}} = \frac{1}{2} (M_{\alpha\epsilon}^{\hat{\alpha}} + M_{\epsilon\alpha}^{\hat{\alpha}}), \quad \nabla m_{\alpha\epsilon}^{\hat{\alpha}} + m_{\alpha\epsilon}^{\hat{\alpha}} \omega_0^i = m_{\alpha\epsilon k}^{\hat{\alpha}} \omega_0^k; \quad (2.3)$$

$$h_{\alpha p}^n = \frac{1}{2} (H_{\alpha p}^n + H_{p\alpha}^n), \quad \nabla h_{\alpha p}^n + h_{\alpha p}^n \omega_0^i = h_{\alpha p k}^n \omega_0^k \quad (2.4)$$

и симметрических тензоров  $\{n_{\alpha p}^{\hat{p}}\} \stackrel{\text{def}}{=} \{n_{\alpha p}^{\hat{p}}, h_{\alpha p}^n, \{n_{\alpha p}^{\hat{p}}\} \stackrel{\text{def}}{=} \{n_{\alpha p}^i, h_{\alpha p}^n\}$  второго порядка:

$$n_{\alpha p}^{\hat{p}} = \frac{1}{2} (N_{\alpha p}^{\hat{p}} + N_{p\alpha}^{\hat{p}}), \quad \nabla n_{\alpha p}^{\hat{p}} + n_{\alpha p}^{\hat{p}} \omega_0^i = n_{\alpha p k}^{\hat{p}} \omega_0^k; \quad (2.5)$$

$$n_{\alpha p}^{\hat{p}} = \frac{1}{2} (N_{\alpha p}^{\hat{p}} + N_{p\alpha}^{\hat{p}}), \quad \nabla n_{\alpha p}^{\hat{p}} + n_{\alpha p}^{\hat{p}} \omega_0^i = n_{\alpha p k}^{\hat{p}} \omega_0^k. \quad (2.6)$$

б) Охваты кососимметрических тензоров  $\{\tau_{pq}^{\hat{u}}\}, \{\tau_{ij}^{\hat{\alpha}}\}, \{\tau_{\alpha\epsilon}^{\hat{\alpha}}\}, \{\tau_{\alpha p}^n\}$  первого порядка:

$$\tau_{pq}^{\hat{u}} = \frac{1}{2} (\Lambda_{pq}^{\hat{u}} - \Lambda_{qp}^{\hat{u}}), \quad \nabla \tau_{pq}^{\hat{u}} + \tau_{pq}^{\hat{u}} \omega_0^i = \tau_{pqk}^{\hat{u}} \omega_0^k; \quad (2.7)$$

$$\tau_{ij}^{\hat{\alpha}} = \frac{1}{2} (L_{ij}^{\hat{\alpha}} - L_{ji}^{\hat{\alpha}}), \quad \nabla \tau_{ij}^{\hat{\alpha}} + \tau_{ij}^{\hat{\alpha}} \omega_0^k = \tau_{ijk}^{\hat{\alpha}} \omega_0^k; \quad (2.8)$$

$$\tau_{\alpha\epsilon}^{\hat{\alpha}} = \frac{1}{2} (M_{\alpha\epsilon}^{\hat{\alpha}} - M_{\epsilon\alpha}^{\hat{\alpha}}), \quad \nabla \tau_{\alpha\epsilon}^{\hat{\alpha}} + \tau_{\alpha\epsilon}^{\hat{\alpha}} \omega_0^i = \tau_{\alpha\epsilon k}^{\hat{\alpha}} \omega_0^k; \quad (2.9)$$

$$\tau_{\alpha p}^n = \frac{1}{2} (H_{\alpha p}^n - H_{p\alpha}^n), \quad \nabla \tau_{\alpha p}^n + \tau_{\alpha p}^n \omega_0^i = \tau_{\alpha p k}^n \omega_0^k \quad (2.10)$$

и кососимметрических тензоров  $\{\tau_{\alpha p}^{\hat{p}}\} \stackrel{\text{def}}{=} \{\tau_{\alpha p}^{\hat{p}}, \tau_{\alpha p}^n, \{\tau_{\alpha p}^{\hat{p}}\} \stackrel{\text{def}}{=} \{\tau_{\alpha p}^i, \tau_{\alpha p}^n\}$  второго порядка:

$$\tau_{\alpha p}^{\hat{p}} = \frac{1}{2} (N_{\alpha p}^{\hat{p}} - N_{p\alpha}^{\hat{p}}), \quad \nabla \tau_{\alpha p}^{\hat{p}} + \tau_{\alpha p}^{\hat{p}} \omega_0^i = \tau_{\alpha p k}^{\hat{p}} \omega_0^k; \quad (2.11)$$

$$\tau_{\alpha p}^{\hat{p}} = \frac{1}{2} (N_{\alpha p}^{\hat{p}} - N_{p\alpha}^{\hat{p}}), \quad \nabla \tau_{\alpha p}^{\hat{p}} + \tau_{\alpha p}^{\hat{p}} \omega_0^i = \tau_{\alpha p k}^{\hat{p}} \omega_0^k, \quad (2.12)$$

где

$$\{N_{\alpha p}^{\hat{p}}\} \stackrel{\text{def}}{=} \{N_{\alpha p}^{\hat{p}}; H_{\alpha p}^n\}, \quad \{N_{\alpha p}^{\hat{p}}\} \stackrel{\text{def}}{=} \{N_{\alpha p}^i; H_{\alpha p}^n\}.$$

Из уравнений (2.1) - (2.3) и (2.7) - (2.9) следует, что величины

$$\{\epsilon_{pq}^{\hat{\alpha}}, \{\epsilon_{pq}^{\hat{\beta}}, \{\epsilon_{pq}^{\hat{\gamma}}, \{\ell_{ij}^{\hat{\alpha}}, \{\ell_{ij}^{\hat{\beta}}, \{\ell_{ij}^{\hat{\gamma}}, \{m_{ip}^{\hat{\alpha}}, \{m_{pi}^{\hat{\alpha}}, \{\tau_{pq}^{\hat{\alpha}}, \{\tau_{pq}^{\hat{\beta}}, \{\tau_{pq}^{\hat{\gamma}}, \{\tau_{ij}^{\hat{\alpha}}, \{\tau_{ij}^{\hat{\beta}}, \{\tau_{ij}^{\hat{\gamma}}, \{\tau_{ip}^{\hat{\alpha}}, \{\tau_{pi}^{\hat{\alpha}}\}$$

являются тензорами первого порядка - подобъектами соответственно тензоров

$$\{\epsilon_{pq}^{\hat{u}}, \{\ell_{ij}^{\hat{A}}, \{m_{ab}^{\hat{a}}, \{\tau_{pq}^{\hat{u}}, \{\tau_{ij}^{\hat{A}}, \{\tau_{ab}^{\hat{a}}\}.$$

2. Найдем ряд основных геометрических объектов в окрестностях первого и второго порядков образующего элемента распределения  $\mathcal{H}(\Lambda, 1)$ . Определители  $\Lambda, L, M, H$  (1.7) являются относительно инвариантами первого порядка:

$$\begin{cases} d \ln \Lambda = 2 \omega_p^p - \tau (\omega_0^0 + \omega_n^n) + \tilde{\Lambda}_x \omega_0^x, \\ d \ln L = 2 \omega_i^i - l (\omega_0^0 + \omega_n^n) + \tilde{L}_x \omega_0^x, \\ d \ln M = 2 \omega_a^a - m (\omega_0^0 + \omega_n^n) + \tilde{M}_x \omega_0^x, \\ d \ln H = 2 \omega_x^x - (n-m-1) (\omega_0^0 + \omega_n^n) + \tilde{H}_x \omega_0^x, \end{cases} \quad (2.13)$$

где

$$\tilde{\Lambda}_x = \Lambda_n^{qp} \Lambda_{pqx}, \tilde{L}_x = L_n^{ji} L_{jix}, \tilde{M}_x = M_n^{ba} M_{abx}, \tilde{H}_x = H_n^{\beta\alpha} H_{\alpha\beta x}. \quad (2.14)$$

Так как в общем случае

$$\epsilon \stackrel{\text{def}}{=} \det \|\epsilon_{pq}^n\| \neq 0, \ell \stackrel{\text{def}}{=} \det \|\ell_{ij}^n\| \neq 0, \hat{m} \stackrel{\text{def}}{=} \det \|m_{ab}^n\| \neq 0, \hat{h} \stackrel{\text{def}}{=} \det \|h_{\alpha\beta}^n\| \neq 0, \quad (2.15)$$

то можно ввести в рассмотрение обратные симметрические тензоры 1-го порядка

$$\{\epsilon_n^{pq}\}, \{\ell_n^{ij}\}, \{m_n^{ab}\}, \{h_n^{\alpha\beta}\}. \quad (2.16)$$

С помощью тензоров (2.16) и тензоров первого порядка (1.15) найдем квазитензоры первого порядка:

$$\begin{cases} L_n^p = \frac{1}{\ell} L_{ij}^p \ell_n^{ji}, & \mathcal{L}_n^p = \frac{1}{\ell} L_{ij}^p \ell_n^{ji}, & \ell_n^p = \frac{1}{\ell} \ell_{ij}^p \ell_n^{ji}, \\ \Lambda_n^i = \frac{1}{\tau} \Lambda_{pq}^i \Lambda_n^{qp}, & \lambda_n^i = \frac{1}{\tau} \Lambda_{pq}^i \epsilon_n^{qp}, & \epsilon_n^i = \frac{1}{\tau} \epsilon_{pq}^i \Lambda_n^{qp}, \\ \Lambda_n^\alpha = \frac{1}{\tau} \Lambda_{pq}^\alpha \Lambda_n^{qp}, & \lambda_n^\alpha = \frac{1}{\tau} \Lambda_{pq}^\alpha \epsilon_n^{qp}, & \epsilon_n^\alpha = \frac{1}{\tau} \epsilon_{pq}^\alpha \epsilon_n^{qp} \end{cases} \quad (2.17)$$

и квазитензоры второго порядка:

$$\begin{cases} N_n^p = \frac{1}{n-m-1} N_{\alpha\beta}^p H_n^{\beta\alpha}, & \mathcal{N}_n^p = \frac{1}{n-m-1} N_{\alpha\beta}^p h_n^{\beta\alpha}, & n_n^p = \frac{1}{n-m-1} n_{\alpha\beta}^p h_n^{\beta\alpha}, \\ N_n^i = \frac{1}{n-m-1} N_{\alpha\beta}^i H_n^{\beta\alpha}, & \mathcal{N}_n^i = \frac{1}{n-m-1} N_{\alpha\beta}^i h_n^{\beta\alpha}, & n_n^i = \frac{1}{n-m-1} n_{\alpha\beta}^i h_n^{\beta\alpha}, \\ L_n^\alpha = \frac{1}{\ell} L_{ij}^\alpha \ell_n^{ji}, & \mathcal{L}_n^\alpha = \frac{1}{\ell} L_{ij}^\alpha \ell_n^{ji}, & \ell_n^\alpha = \frac{1}{\ell} \ell_{ij}^\alpha \ell_n^{ji}. \end{cases} \quad (2.18)$$

Квазитензоры (2.17) - (2.18) удовлетворяют соответственно одному из следующих дифференциальных уравнений:

$$\nabla \nu_n^p + \omega_n^p = \nu_{nx}^p \omega_0^x, \quad \nabla \nu_n^i + \omega_n^i = \nu_{nx}^i \omega_0^x, \quad \nabla \nu_n^\alpha + \omega_n^\alpha = \nu_{nx}^\alpha \omega_0^x. \quad (2.19)$$

Далее построим основные квазитензоры первого порядка:

$$L_i^0 = -\frac{1}{\ell} L_{ip}^p, \quad \Lambda_p^0 = -\frac{1}{\ell} \Lambda_{pi}^i, \quad M_i^0 = -\frac{1}{n-m-1} (L_{i\alpha}^\alpha - \Lambda_{i\alpha}^n \nu_n^\alpha), \quad (2.20)$$

$$\begin{cases} M_p^0 = -\frac{1}{n-m-1} (\Lambda_{p\alpha}^\alpha - \Lambda_{p\alpha}^n \nu_n^\alpha), & W_p^0 = -(\Lambda_{pn}^n + \Lambda_{p\alpha}^n \nu_n^\alpha), \\ W_i^0 = -(\Lambda_{in}^n + \Lambda_{iu}^n \nu_n^u), & W_\alpha^0 = -(\Lambda_{\alpha n}^n + \Lambda_{\alpha\beta}^n \nu_n^\beta), \end{cases} \quad (2.21)$$

где в качестве объектов  $\{\nu_n^p\}, \{\nu_n^i\}, \{\nu_n^\alpha\}$  можно взять любой из квазитензоров (2.17). Аналогично, используя дифференциальные уравнения (1.5), (2.13) и (2.19), находим основные квазитензоры второго порядка распределения  $\mathcal{H}(\Lambda, 1)$ :

$$\begin{aligned} H_\alpha^0 &= -\frac{1}{\tau} N_{\alpha p}^p, \quad N_\alpha^0 = -\frac{1}{\ell} N_{\alpha i}^i, \quad \mathcal{N}_\alpha^0 = \frac{1}{\tau} \tilde{\Lambda}_\alpha^0 + H_{\beta\alpha}^n \nu_n^\beta + L_{j\alpha}^n \omega_n^j + \frac{\tau+2}{\tau} \Lambda_{q\alpha}^n \nu_n^q, \\ \mathcal{N}_p^0 &= \frac{1}{\tau+2} \tilde{\Lambda}_p^0 + \Lambda_{qp}^n \nu_n^q, \quad \mathcal{N}_i^0 = \frac{1}{\tau} \tilde{\Lambda}_i^0 + L_{ji}^n \nu_n^j, \quad \mathcal{N}_p^0 = \frac{1}{\ell} \tilde{L}_p^0 + \Lambda_{qp}^n \nu_n^q, \\ \mathcal{N}_i^0 &= \frac{1}{\ell+2} \tilde{L}_i^0 + L_{ji}^n \nu_n^j, \quad \mathcal{N}_\alpha^0 = \frac{1}{\ell} \tilde{L}_\alpha^0 + \Lambda_{p\alpha}^n \nu_n^p + H_{\beta\alpha}^n \nu_n^\beta + \frac{\ell+2}{2} L_{j\alpha}^n \nu_n^j, \end{aligned} \quad (2.22)$$

$$\begin{aligned} \tilde{\mathcal{N}}_p^0 &= \frac{1}{m+2} \tilde{M}_p^0 + \Lambda_{qp}^n \nu_n^q, \quad \tilde{\mathcal{N}}_i^0 = \frac{1}{m+2} \tilde{M}_i^0 + L_{ji}^n \nu_n^j, \quad \mathcal{N}_p^0 = \frac{1}{n-m-1} \tilde{H}_p^0 + \Lambda_{qp}^n \nu_n^q, \\ \tilde{\mathcal{N}}_\alpha^0 &= \frac{1}{m} \tilde{M}_\alpha^0 + H_{p\alpha}^n \nu_n^p + \frac{m+2}{m} \Lambda_{q\alpha}^n \nu_n^q + \frac{m+2}{m} L_{j\alpha}^n \nu_n^j, \quad \mathcal{N}_i^0 = \frac{1}{n-m-1} \tilde{H}_i^0 + L_{ji}^n \nu_n^j, \\ \mathcal{N}_\alpha^0 &= \frac{1}{n-m-1} \tilde{H}_\alpha^0 + \frac{n-m-1}{n-m+1} \Lambda_{q\alpha}^n \nu_n^q + \frac{n-m-1}{n-m+1} L_{j\alpha}^n \nu_n^j + H_{\beta\alpha}^n \nu_n^\beta, \end{aligned}$$

где в качестве объектов  $\{\nu_n^p\}, \{\nu_n^i\}, \{\nu_n^\alpha\}$  можно взять любой из

квazитензоров (2.17), (2.18). Отметим, что если в формулах (2.21) использовать квazитензоры (2.18), то квazитензоры (2.21) определены в окрестности второго порядка. Кроме того, квazитензоры (2.20) - (2.22) удовлетворяют соответственно одному из следующих дифференциальных уравнений:

$$\nabla \nu_p^\circ + \omega_p^\circ = \nu_{px}^\circ \omega_0^x, \quad \nabla \nu_i^\circ + \omega_i^\circ = \nu_{ix}^\circ \omega_0^x, \quad \nabla \nu_\alpha^\circ + \omega_\alpha^\circ = \nu_{\alpha x}^\circ \omega_0^x. \quad (2.23)$$

### § 3. 0 голономности основных структурных подрасслоений $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения

#### 1. Система уравнений

$$\omega_0^{\hat{\Lambda}} = 0, \quad (3.1)$$

ассоциированная [8] с базисным распределением  $\mathcal{H}_\tau$ , вполне интегрируема тогда и только тогда, когда обращается в нуль тензор  $\{\tau_{pq}^{\hat{\Lambda}}\}$ . В этом случае базисное распределение определяет  $(n-\tau)$ -параметрическое семейство  $\tau$ -мерных поверхностей  $V_\tau$  (плоскости  $\Pi_\tau \stackrel{\text{def}}{=} \Lambda$  огибаются  $\tau$ -мерными поверхностями  $V_\tau$   $(n-\tau)$ -параметрического семейства). При смещении центра  $A_0$  вдоль фиксированной поверхности  $V_\tau$  уравнения (1.2), (1.4), (3.1) в выбранном репере  $R_1$  первого порядка определяют  $\tau$ -мерную полосу  $V_{\tau(m)}$  порядка  $m$  [9], оснащенную полем гиперплоскостей  $H$ . Следовательно, обращение в нуль тензора  $\{\tau_{pq}^{\hat{\Lambda}}\}$  (2.7) есть условие, при котором проективное пространство  $P_n$  расслаивается:

а) на  $(n-\tau)$ -параметрическое семейство  $\tau$ -мерных полос  $V_{\tau(m)}$  порядка  $m$ , оснащенных полем гиперплоскостей  $H$  (полем объекта  $\{H_\sigma^n\}$ );  
 б) на  $(n-\tau)$ -параметрическое семейство регулярных  $\tau$ -мерных гиперполос  $H_\tau$ , оснащенных полем  $L$ -плоскостей, так, что в каждом центре  $A_0$ ,  $L(A_0) \subset \chi_{n-\tau-1}(A_0)$ , при этом выполняются условия (1.1);

с) на  $(n-\tau)$ -параметрическое семейство регулярных  $\tau$ -мерных гиперполос  $H_\tau$ , оснащенных полем касательных  $m$ -мерных плоскостей  $M \stackrel{\text{def}}{=} \Pi_m$ ;

д) на  $(n-m)$ -параметрическое семейство вырожденных нераспадающихся  $m$ -мерных гиперполос  $H_m^z$  ранга  $\tau$  [10], [5].

По аналогии с работами [11], [7] тензор  $\{\tau_{pq}^{\hat{\Lambda}}\}$  назовем тензором неголономности базисного распределения  $\mathcal{H}_\tau$  ( $L$ -распределения).

#### 2. Система уравнений

$$\omega_0^{\hat{\Lambda}} = 0, \quad (3.2)$$

ассоциированная с  $L$ -распределением, вполне интегрируема тогда и только тогда, когда обращается в нуль тензор  $\{\tau_{ij}^{\hat{\Lambda}}\}$  (2.8). В этом случае  $L$ -распределение определяет  $(n-\ell)$ -параметрическое семейство  $\ell$ -мерных поверхностей  $V_\ell$  (плоскости  $\Pi_\ell \stackrel{\text{def}}{=} L$  огибаются  $\ell$ -мерными поверхностями  $(n-\ell)$ -параметрического семейства). При смещении центра  $A_0$  вдоль фиксированной поверхности уравнения (1.2), (1.4), (3.2) в выбранном репере  $R_1$  первого порядка определяют  $\ell$ -мерную полосу  $V_{\ell(m)}$  порядка  $m$ , оснащенную полем гиперплоскостей  $H$ . Следовательно, обращение в нуль тензора  $\{\tau_{ij}^{\hat{\Lambda}}\}$  и означает, что пространство  $P_n$  расслаивается:

а) на  $(n-\ell)$ -параметрическое семейство  $\ell$ -мерных полос  $V_{\ell(m)}$  порядка  $m$ , оснащенных полем гиперплоскостей  $H$ ;  
 б) на  $(n-\ell)$ -параметрическое семейство регулярных  $\ell$ -мерных гиперполос  $H_\ell$ , оснащенных полем  $L$ -плоскостей, так, что в каждом центре  $A_0$ ,  $L(A_0) \subset \chi_{n-\ell-1}(A_0)$ ;  
 с) на  $(n-\ell)$ -параметрическое семейство  $\ell$ -мерных гиперполос  $H_\ell$ , оснащенных полем касательных  $M$ -плоскостей;  
 д) на  $(n-m)$ -параметрическое семейство вырожденных нераспадающихся  $m$ -мерных гиперполос  $H_m^e$  ранга  $\ell$ .

Тензор  $\{\tau_{ij}^{\hat{\Lambda}}\}$  назовем тензором неголономности распределения  $\mathcal{H}_\ell$  ( $L$ -распределения).

#### 3. Система уравнений

$$\omega_0^{\hat{\Lambda}} = 0, \quad (3.3)$$

ассоциированная с  $M$ -распределением, вполне интегрируема тогда и только тогда, когда обращается в нуль тензор  $\{\tau_{\alpha\beta}^{\hat{\Lambda}}\}$  (2.9). В этом случае оснащающее  $M$ -распределение определяет  $(n-m)$ -параметрическое семейство  $m$ -мерных поверхностей  $V_m$  (плоскости  $\Pi_m \stackrel{\text{def}}{=} M$  огибаются  $m$ -мерными поверхностями  $V_m$   $(n-m)$ -параметрического семейства). При смещении центра  $A_0$  вдоль фиксированной поверхности  $V_m$  уравнения (1.2), (1.4), (3.3) в репере  $R_1$  определяют  $m$ -мерную гиперполосу  $H_m$ , несущую двухкомпонентную сопряженную систему  $S(\tau, \ell)$  [12]. Значит, обращение в нуль тензора  $\{\tau_{\alpha\beta}^{\hat{\Lambda}}\}$  (2.9) есть условие, при котором пространство  $P_n$  расслаивается на  $(n-m)$ -параметричес-

кое семейство  $m$ -мерных гиперполос  $H_m$ , базисная поверхность каждой из которых несет двухкомпонентную сопряженную систему  $S(\tau, \epsilon)$ .

Таким образом, проективную дифференциальную геометрию скомпонованного распределения  $\mathcal{H}(\Lambda, L)$  можно применить для изучения геометрии как вырожденных гиперполос, так и регулярных гиперполос общего и специального типов.

Уравнение  $\omega_0^n = 0$ , ассоциированное с оснащающим распределением  $\mathcal{H}_{n-1}$  гиперплоскостей  $\Pi_{n-1} \stackrel{\text{def}}{=} H$ , вполне интегрируемо тогда и только тогда, когда выполняются условия:

$$\tau_{pq}^n = 0, \tau_{ij}^n = 0, \tau_{\alpha\beta}^n = 0, L_{i\alpha}^n = 0, \Lambda_{p\alpha}^n = 0. \quad (3.4)$$

В этом случае оснащающее распределение  $\mathcal{H}_{n-1}$  определяет однопараметрическое семейство гиперповерхностей, оснащенных полями  $\Lambda$ -плоскостей и  $L$ -плоскостей (удовлетворяющих условиям (1.1)), причем распределение  $\mathcal{H}(\Lambda, L)$  является вполне взаимным [6], [7].

#### § 4. Нормализации Нордена-Чакмазяна основных структурных распределений, ассоциированных с $\mathcal{H}(\Lambda, L)$ -распределением

Под двойственной нормализацией Нордена-Чакмазяна [2], [3] базисного  $\Lambda$ -распределения будем понимать нормализацию  $\Lambda$ -распределения в смысле А.П.Нордена [2], причем в каждом центре  $A_0$  нормаль 1-го рода  $N_{n-1}(A_0)$  проходит через характеристику  $\chi_{n-1}(A_0)$  текущего элемента  $H(A_0)$  оснащающего распределения  $\mathcal{H}_{n-1}$ .

Условия

$$\nabla \nu_n^p + \omega_n^p = \nu_{nx}^p \omega_0^x \quad (4.1)$$

определяют инвариантность нормали первого рода  $N_{n-1}(A_0) = [\chi_{n-1}, \hat{\mathcal{X}}_n]$  распределения  $\mathcal{H}_n$ , где

$$\hat{\mathcal{X}}_n(y) = A_n + \nu_n^\sigma A_\sigma. \quad (4.2)$$

Если потребовать, чтобы прямая  $N_1 = [A_0, \hat{\mathcal{X}}_1]$  была инвариантна, то кроме условий (4.1) находим, что величины  $\{\nu_n^u\}$  удовлетворяют условиям

$$\nabla \nu_n^u + \omega_n^u = \nu_{nx}^u \omega_0^x. \quad (4.3)$$

Таким образом, поле нормалей первого рода  $N_{n-1}$   $\Lambda$ -распреде-

ления внутренним образом определено в окрестности первого порядка (второго порядка), если охват объекта  $\{\nu_n^p\}$  осуществить с помощью любого из квазитензоров первого порядка (2.17) (с помощью квазитензоров второго порядка (2.18)). Поле прямых  $N_1 = [A_0, \hat{\mathcal{X}}_1]$  - поле нормалей первого рода оснащающего распределения  $\mathcal{H}_{n-1}$  можно внутренним инвариантным образом присоединить к  $\mathcal{H}(\Lambda, L)$ -распределению в окрестности первого порядка (второго порядка), если осуществить охват объекта  $\{\nu_n^u\} = \{\nu_n^i, \nu_n^\alpha\}$  с помощью квазитензоров (2.17) (с помощью квазитензоров (2.18)).

Требование инвариантности поля нормалей второго рода  $N_{n-1}$   $\Lambda$ -распределения приводит к условиям:

$$\nabla \nu_p^o + \omega_p^o = \nu_{px}^o \omega_0^x. \quad (4.4)$$

Следовательно, поле любого из квазитензоров  $\{\Lambda_p^o\}$  (2.20),  $\{M_p^o\}$ ,  $\{W_p^o\}$  (2.21) задает в окрестности первого порядка поле внутренних нормалей второго рода  $\Lambda$ -распределения, а поле любого из квазитензоров  $\{\mathcal{M}_p^o\}, \{\mathcal{L}_p^o\}, \{\tilde{\mathcal{M}}_p^o\}, \{\mathcal{N}_p^o\}$  (2.22) определяет поле нормалей второго рода  $\Lambda$ -распределения в окрестности второго порядка.

Аналогично введем двойственную нормализацию в смысле Нордена-Чакмазяна для распределения  $\mathcal{H}_e$  ( $L$ -распределения):

нормаль первого рода - плоскость  $N_{n-1}(A_0) = [\chi_{n-1}, \hat{\mathcal{X}}_n]$ ; нормаль второго рода - плоскость  $N_{e-1}(A_0) \in \Pi_m(A_0), A_0 \in \mathcal{N}_{e-1}(A_0)$ , которую определим точками  $\mathcal{L}_i = A_i + \nu_i^o A_0$ . Условия инвариантности нормалей первого и второго рода  $L$ -распределения имеют соответственно вид:

$$\nabla \nu_n^i + \omega_n^i = \nu_{nx}^i \omega_0^x, \nabla \nu_i^o + \omega_i^o = \nu_{ix}^o \omega_0^x. \quad (4.5)$$

Охват объекта  $\{\nu_n^i\}$  можно осуществить с помощью любого из квазитензоров  $\{\Lambda_n^i\}, \{\lambda_n^i\}, \{\epsilon_n^i\}$  (2.17), а объекта  $\{\nu_i^o\}$  - с помощью квазитензоров первого порядка  $\{L_i^o\}, \{M_i^o\}$  (2.20),  $\{W_i^o\}$  (2.21). Охваты объектов  $\{\nu_n^i\}$  и  $\{\nu_i^o\}$  в окрестности второго порядка можно осуществить с помощью соответственно квазитензоров второго порядка  $\{\mathcal{M}_n^i\}, \{\mathcal{N}_n^i\}, \{n_n^i\}$  (2.18) и  $\{\mathcal{M}_i^o\}, \{\tilde{\mathcal{M}}_i^o\}, \{\mathcal{W}_i^o\}, \{\mathcal{N}_i^o\}$  (2.22).

Для основных структурных распределений  $\mathcal{H}_{n-1}, \mathcal{H}_{n-m-1}, \mathcal{H}_{n-e-1}, \mathcal{H}_m, \mathcal{H}_{n-1}$  определим двойственные нормализации в смысле Нордена-Чакмазяна следующим образом:

а)  $\mathcal{H}_{n-1}$ : плоскость  $N_{n-1}(A_0) = [A_0, \mathcal{L}_p = A_p + \nu_p^o A_0, \hat{\mathcal{X}}_n]$  - нормаль

первого рода, а плоскость  $\mathcal{H}_{n-2-2}(A_0) = [\mathcal{L}_\alpha = A_\alpha + \nu_\alpha^0 A_0, \hat{\mathcal{L}}_i]$  — нормаль второго рода, условия инвариантности которых имеют соответственно вид:

$$\begin{cases} \nabla \nu_n^i + \omega_n^i = \nu_{n\kappa}^i \omega_\kappa^x, & \nabla \nu_n^\alpha + \omega_n^\alpha = \nu_{n\kappa}^\alpha \omega_\kappa^x, \\ \nabla \nu_i^0 + \omega_i^0 = \nu_{i\kappa}^0 \omega_\kappa^x, & \nabla \nu_\alpha^0 + \omega_\alpha^0 = \nu_{\alpha\kappa}^0 \omega_\kappa^x; \end{cases} \quad (4.6)$$

б)  $\mathcal{H}_{n-m-1}$ : плоскость  $\mathcal{H}_{m+1}(A_0) = [A_0, \mathcal{L}_\alpha, \hat{\mathcal{X}}_n]$  — нормаль первого рода, плоскость  $\mathcal{H}_{n-m-2}(A_0) = [\mathcal{L}_\alpha]$  — нормаль второго рода;

в)  $\mathcal{H}_{n-e-1}$ : плоскость  $\mathcal{H}_{e+1}(A_0) = [A_0, \mathcal{L}_i, \hat{\mathcal{X}}_n]$  — нормаль первого рода, плоскость  $\mathcal{H}_{n-e-2}(A_0) = [L_p, L_\alpha]$  — нормаль второго рода;

г)  $\mathcal{H}_m$ : плоскость  $\mathcal{H}_{n-m}(A_0) = [\mathcal{X}_{n-m-1}, \hat{\mathcal{X}}_n]$  — нормаль первого рода, плоскость  $\mathcal{H}_{m-1}(A_0) = [\mathcal{L}_p, \mathcal{L}_i]$  — нормаль второго рода;

д)  $\mathcal{H}_{n-1}$ : прямая  $\mathcal{H}_1(A_0) = [A_0, \hat{\mathcal{X}}_n]$  — нормаль первого рода, плоскость  $\mathcal{H}_{n-2}(A_0) = [\mathcal{L}_\alpha, \mathcal{L}_\alpha]$  — нормаль второго рода.

Охваты объектов  $\{\nu_n^i\}, \{\nu_n^\alpha\}, \{\nu_\alpha^0\}, \{\nu_p^0\}, \{\nu_\alpha^0\}, \{\nu_i^0\}$ , которые участвуют в определении полей нормалей первого и второго рода основных структурных распределений (см. а) — г)), можно осуществить в окрестности первого порядка с помощью соответственно квазитензоров (2.17), (2.20), (2.21), а в окрестности второго порядка с помощью соответственно квазитензоров (2.18) (2.22).

#### Библиографический список

1. Попов Ю.И. Скомпонированные трехсоставные распределения проективного пространства // Дифференциальная геометрия многообразий фигур: Межвуз. темат. сб. научн. тр. / Калинингр. ун-т. Калининград, 1989. Вып. 20. С. 73-96.
2. Норден А.П. Пространства аффинной связности. М.: Наука, 1976.
3. Чакмазян А.В. Двойственная нормализация / Докл. АН Арм. ССР. 1959. Т. 28. № 4. С. 151-157.
4. Норден А.П. Теория композиций // Проблемы геометрии / ВИНТИ. М., 1978. Т. 10. С. 117-145.
5. Попов Ю.И. Основы теории трехсоставных распределений проективного пространства / Калинингр. ун-т. Калининград, 1990. 181 с. Деп. в ВИНТИ. 5. II. 90. № 5625-В90 Деп.
6. Попов Ю.И. Трехсоставные регулярные распределения  $\mathcal{H}_{m,n-1}^z$  проективного пространства / Калинингр. ун-т. Калининград, 1982. 126 с. Библиогр. 20 назв. Деп. в ВИНТИ 16.12.82. № 6192-82.

7. Столяров А.В. Проективно-дифференциальная геометрия регулярного гиперполосного распределения  $m$ -мерных линейных элементов // Проблемы геометрии / ВИНТИ. М., 1975. Т. 7. С. 117-151.

8. Лаптев Г.Ф. Распределения касательных элементов // Тр. геометр. семинара / ВИНТИ. М., 1971. Т. 3. С. 29-48.

9. Похила М.М. Обобщенные многомерные полосы // Тез. докл. 6-й Всесоюз. конф. по современным проблемам геометрии. Вильнюс, 1975. С. 198-199.

10. Попов Ю.И. О полях геометрических объектов многомерной распадающейся гиперполосы проективного пространства // Дифференциальная геометрия многообразий фигур: Сб. науч. тр. / Калинингр. ун-т. Калининград, 1977. Вып. 8. С. 43-70.

11. Лаптев Г.Ф., Остиану Н.М. Распределения  $m$ -мерных линейных элементов в пространстве проективной связности // Тр. геометр. семинара / ВИНТИ. М., 1971. Т. 3. С. 49-94.

12. Акивис М.А. О строении двухкомпонентных сопряженных систем // Тр. геометр. семинара / ВИНТИ. М., 1966. Т. 1. С. 7-31.

УДК 514.75

#### СОПРИКАСАЮЩИЕСЯ ГИПЕРКВАДРИКИ ТРЕХСОСТАВНОГО РАСПРЕДЕЛЕНИЯ АФФИННОГО ПРОСТРАНСТВА

М.Ф.Гребенюк

(Киевское авиационное училище)

В данной работе строятся поля инвариантных соприкасающихся гиперквадрик  $\mathcal{H}$ -распределения [1], [3], причем порядки дифференциальных окрестностей, в которых они построены, существенно зависят от выбора нормали  $\hat{1}$ -го рода оснащающего  $\mathcal{H}$ -распределения. Выделены гиперквадрики, определенные в дифференциальной окрестности первого порядка образующего эле-