

$$a_{23} = \frac{\lambda_{12}^3 - \lambda_{02}^3 \lambda_{11}^2 + \lambda_{01}^3 \lambda_{12}^2}{2\lambda_{02}^3} = 0. \quad (18)$$

Форма ω_2^3 становится главной. Ее разложение по базисным запи-
шем в виде:

$$\omega_2^3 = \lambda_{21}^3 \omega_2^2 + \lambda_{22}^3 \omega_3^1 + \lambda_{23}^3 \omega_3^2. \quad (19)$$

Обозначим

$$\bar{m} = \lambda_{12}^2 \bar{e}_2 + \lambda_{12}^3 \bar{e}_3. \quad (20)$$

Так как $\delta\bar{m} = (2\pi_1^1 - \pi_3^3)\bar{m}$, то вектор \bar{m} относительный инвариант.
Геометрическая характеристика этого вектора заключается в сле-
дующем: вектор \bar{m} параллелен вектору

$$[\lambda_{12}^2 \bar{e}_1 - \omega_1^1 \bar{e}_1] \omega_2^2 = \omega_3^2 = 0.$$

Дифференциальное уравнение $\omega_2^2 = 0$ определяет неголономную поверх-
ность V , описываемую точкой A (центром луча линейчатого ком-
плекса) с касательной плоскостью $\{\bar{e}_1, \bar{e}_3\}$. Аффинная нормаль этой ун-т. Томск, 1962. Вып. I. С. 82-89.

поверхности определяется вектором

$$\bar{a} = \lambda_{12}^2 \bar{e}_2 + (\lambda_{01}^3 \lambda_{12}^2 - \lambda_{02}^3 \lambda_{11}^2) \bar{e}_3, \quad (21)$$

и является касательной к линии Γ_2 , заданной системой уравнений

$$\omega_3^2 = 0, \quad \omega_3^1 = -\frac{\lambda_{11}^2}{\lambda_{12}^2} \omega_2^2. \quad (22)$$

Теорема 1. Сумма векторов \bar{m} и \bar{a} определяет направ-
ление, сопряженное лучу комплекса относительно коники Q ; раз-
ность $\bar{m} - \bar{a}$ параллельна лучу комплекса.

Утверждение теоремы вытекает из формул (18), (20) и (21).

Теорема 2. Луч линейчатого комплекса является основ-
ной прямой комплекса коник тогда и только тогда, когда вектор
 \bar{m} является касательным к линии Γ_1 , сопряженной с линией Γ
на неголономной поверхности V (V определяется точкой A и
касательной плоскостью $\{\bar{e}_2, \bar{e}_3\}$).

Доказательство. Так как касательная к линии Γ_1
параллельна вектору

$$\bar{a}_1 = \lambda_{12}^2 \bar{e}_2 + (\lambda_{01}^3 \lambda_{12}^2 + \lambda_{02}^3 \lambda_{11}^2) \bar{e}_3,$$

то условие параллельности векторов \bar{a}_1 и \bar{m} имеет вид:

$$\lambda_{12}^3 - \lambda_{01}^3 \lambda_{12}^2 - \lambda_{02}^3 \lambda_{11}^2 = 0. \quad (23)$$

Так как коэффициент при $(x^3)^2$ в уравнениях (17), определяющих
основные прямые, равен

$$-a_{23} - a_{33} \lambda_{01}^3 = -\frac{\lambda_{12}^3 - \lambda_{11}^2 \lambda_{02}^3 - \lambda_{12}^2 \lambda_{01}^3}{\lambda_{02}^3},$$

то утверждение теоремы вытекает из равенства (23).

Обычным способом из системы квадратичных уравнений (14)
находим, что произвол существования данного класса две функции
трех аргументов.

Библиографический список

1. Шербаков Р.Н. Основной цилиндроид линейчатого комплекса // Математика. Известия вузов. 1962. № 3. С. 177-188.

2. Шербаков Р.Н., Рахула М.О. К экиаффинной теории неголономного многообразия // Геометр. сб. / Томский ун-т. Томск, 1962. Вып. I. С. 82-89.

3. Амисева Н.В. Комплексы кривых второго порядка в трехмерном экиаффинном пространстве // Геометр. сб. / Томский ун-т. Томск, 1972. Вып. 9. С. 187-197.

УДК 513.7; 517.5

ОБОБЩЕННЫЕ АЛГЕБРЫ ГРАССМАНА НА КОМПЛЕКСНЫХ МНОГООБРАЗИЯХ

М.П.Б урлаков

(Чечено-Ингушский государственный университет)

Хорошо известна роль внешней алгебры Грассмана в геометрических исследованиях. Начиная с работ Э.Картана, эта алгебра составляет неотъемлемую часть аппарата современной геометрии. В последние десятилетия возрастает и роль алгебр Клиффорда как собственно в геометрии, так и в ее приложениях. Мы приведем определение внешних квадратичных алгебр, включающих как алгебры Грассмана, так и алгебры Клиффорда, а также ряд других

алгебр, занимающих промежуточное положение между названными алгебрами [1].

Определение 1. Пусть V_n - линейное пространство над полем P ($P = \mathbb{R}$ или \mathbb{C}), g - квадратичная форма над P :

$$g(x, x) = \sum_{i=1}^n \lambda_i x_i^2,$$

для $x = \sum_{i=1}^n x_i e_i \in V_n$, где $\lambda_i = \pm 1$ или 0. Унитальная ассоциативная алгебра $C_g(V_n)$, порожденная базисными векторами e_i , удовлетворяющими соотношениям

$$e_i \cdot e_j = -e_j \cdot e_i, \quad i \neq j; \quad (1)$$

$$e_i^2 = e_i \cdot e_i = g(e_i, e_i) = \lambda_i; \quad (2)$$

называется внешней алгеброй, ассоциированной с квадратичной формой g (или просто внешней квадратичной алгеброй).

Если $\lambda_i = \pm 1$, то мы получим алгебры Клиффорда $C_{p,q}$ ($p+q=n$ - сигнатура формы g при $P=\mathbb{R}$; если $P=\mathbb{C}$, то нет смысла различать случаи $\lambda_i=1$ и $\lambda_j=-1$). Если квадратичная форма $g \equiv 0$ (т.е. $\lambda_i=0$), то внешняя алгебра является алгеброй Грассмана. Если некоторые $\lambda_i \neq 0$, а некоторые $\lambda_j \neq 0$, то мы получим алгебры, занимающие промежуточное положение между алгебрами Клиффорда и алгебрами Грассмана.

Свойства (1) и (2) можно объединить в одно:

$$e_i \cdot e_j + e_j \cdot e_i = 2g(e_i, e_j), \quad (3)$$

которое является характеристическим свойством, в том смысле, что позволяет представить квадрат вектора значением формы g :

$$\begin{aligned} x^2 &= \left(\sum_{i=1}^n x_i e_i \right) \cdot \left(\sum_{j=1}^n x_j e_j \right) = \sum_{i,j} x_i x_j e_i \cdot e_j + \sum_{i,j} x_i x_j e_i \cdot e_j + \\ &+ \sum_{i=1}^n x_i^2 e_i^2 = \sum_{i=1}^n \lambda_i x_i^2 = g(x, x). \end{aligned}$$

Для геометрических приложений, следуя идеям Э.Картана, внешние алгебры рассматривают над линейным пространством дифференциальных форм, выбирая в качестве базиса формы dx^i . Элементами внешних алгебр в этом случае будут внешние формы:

$$\omega = \sum_{k=0}^n \sum_{j_1 < \dots < j_k} \omega_{j_1 \dots j_k} dx^{j_1} \wedge \dots \wedge dx^{j_k}. \quad (4)$$

произведение определяется по формуле [2]:

$$\begin{aligned} dx^i \cdot dx^{j_1} \wedge \dots \wedge dx^{j_k} &= dx^i \wedge dx^{j_1} \wedge \dots \wedge dx^{j_k} + \\ &+ \sum_{p=1}^k g(dx^i, dx^{j_p}) dx^{j_1} \wedge \dots \wedge dx^{j_{p-1}} \wedge dx^{j_{p+1}} \wedge \dots \wedge dx^{j_k} \end{aligned} \quad (5)$$

по ассоциативности, дистрибутивности и линейности распространяется на произвольные элементы вида (4). В каждой внешней алгебре можно определить дифференциальный оператор:

$$\mathcal{D}\omega = \sum_{k=0}^n \sum_{j_1 < \dots < j_k} d\omega_{j_1 \dots j_k} dx^{j_1} \wedge \dots \wedge dx^{j_k}. \quad (6)$$

В случае алгебры Грассмана \mathcal{D} - есть внешний дифференциал Кардана, в случае алгебры Клиффорда \mathcal{D} - клиффордов дифференциал [1].

Мы хотим обобщить алгебры Клиффорда и Грассмана так, чтобы квадратичную форму g заменить формой G произвольной степени $m > 2$:

$$G(x) = \sum_{i=1}^n \lambda_i x_i^m.$$

Определение 2. Унитальная ассоциативная алгебра $E_G(V_n)$, порожденная базисными векторами e_i , удовлетворяющими соотношениям

$$e_i \cdot e_j = \alpha e_j \cdot e_i, \quad i > j; \quad (7)$$

$$e_i^m = G(e_i) = \lambda_i, \quad (8)$$

где α - первообразный корень m -й степени из единицы, называется обобщенной внешней алгеброй.

При $\lambda_i = 1$ мы получим обобщенную алгебру Клиффорда, при $\lambda_i = 0$ - обобщенную алгебру Грассмана [3]. Отметим, что обобщенные внешние алгебры при $m > 2$ существенно комплексные. Докажем некоторые свойства обобщенных внешних алгебр.

Лемма 1. При $p < q$: $e_p \cdot e_q = \bar{\alpha} e_q \cdot e_p$. (9)

Для доказательства достаточно умножить равенство (7) на $\bar{\alpha}$. Отметим, что равенство (9) можно переписать так:

$$e_p \cdot e_q = \alpha^{m-1} e_q \cdot e_p, \quad p < q.$$

Лемма 2. $\dim E_G(V_n) = m^{\dim V_n} = m^n$. (10)

Доказательство проведем индукцией по n . При $n=1$ базисом алгебры $E_G(V_1)$ будут элементы $1, e, e^2, \dots, e^{m-1}$,

следовательно: $\dim E_G(V_k) = m^k = n$. Пусть равенство (10) справедливо для $n = k$. Разделим базис алгебры $E_G(V_k)$ на группы элементов с одинаковой совокупной степенью; максимальную степень, равную $k(m-1)$, имеет один базисный элемент $e_1^{m-1} \cdot e_2^{m-1} \cdots e_k^{m-1}$. Для $n = k+1$ добавим к базисным элементам e_i , $i=1, k$ линейно независимым образом, векторы e_{k+1} и $\sum_{i=1}^k x_i e_i$ удовлетворяют соотношению от них вектор e_{k+1} ; базис $E_G(V_{k+1})$ также разделим на группы (7) и (8), следовательно: $(\sum_{i=1}^k x_i e_i + x_{k+1} e_{k+1})^m = G(\sum_{i=1}^k x_i e_i) + G(x_{k+1} e_{k+1}) = \sum_{i=1}^{k+1} \lambda_i x_i^m$, $p \leq (k+1)(m-1)$ получается из групп базисных элементов $E_G(V_k)$ степени $p \leq (k+1)(m-1)$ умножением на степени $p-q$ элемента e_{k+1} ($e_i^0 = 1$ и для этого обосновывает индукцию по размерности). Отрицательных показателей степени базисные элементы заменяются (Обращаясь к приложениям обобщенных внешних алгебр, мы снова нулем). Тогда количество элементов базиса $E_G(V_{k+1})$ равно сумме рассматрим линейное пространство дифференциальных форм над чисел, расположенных в $(k+1)-й$ строке обобщенного треугольника Паскаля, т.е. m^{k+1} .

Следующее предложение является характеристическим для обобщенных внешних алгебр.

Лемма 3. В обобщенной внешней алгебре $E_G(V_n)$ порядка m справедливо тождество:

$$x^m = \left(\sum_{i=1}^n x_i e_i \right)^m = \sum_{i=1}^n \lambda_i x_i^m = G(x) \quad (II)$$

Мы наметим только эскиз доказательства ввиду его громоздкости. Сначала надо доказать тождество:

$$(x_1 e_1 + x_2 e_2)^m = \lambda_1 x_1^m + \lambda_2 x_2^m, \quad (I2)$$

которое для малых показателей $m = 3, 4, 5, \dots$ можно проверить непосредственно. Например: $m=3$, $\alpha = -\frac{1}{2} + \frac{i\sqrt{3}}{2}$, $\alpha^2 = -\frac{1}{2} - \frac{i\sqrt{3}}{2}$,

$$(x_1 e_1 + x_2 e_2)^3 = x_1^3 e_1^3 + x_1^2 x_2 (e_1^2 e_2 + e_1 e_2 e_1 + e_2 e_1^2) + x_1 x_2^2 (e_1 e_2^2 + e_2 e_1 e_2 + e_2^2 e_1) + x_2^3 e_2^3 = \lambda_1 x_1^3 + (x_1^2 x_2 e_1^2 e_2 + x_1 x_2^2 e_1 e_2^2) (1 + \alpha + \alpha^2) + \lambda_2 x_2^3 = \lambda_1 x_1^3 + \lambda_2 x_2^3.$$

В общем случае доказательство тождества (I2) опирается на тождество:

$$\sum_{i_k < \dots < i_0} \alpha^{m-k-i_k} \cdot \alpha^{m-k+1-i_{k-1}} \cdots \alpha^{m-1-i_1} \cdot \alpha^{m-i_0} \equiv 0, \quad (I3)$$

доказательство которых само по себе не тривиально. Проведем индукцию по размерности пространства V_n . Пусть равенство (II) справедливо для k и докажем его для $k+1$. По предположению индукции:

$$\left(\sum_{i=1}^k x_i e_i \right)^m = \sum_{i=1}^k \lambda_i x_i^m = G \left(\sum_{i=1}^k x_i e_i \right),$$

$$e_{k+1} \cdot \left(\sum_{i=1}^k x_i e_i \right) = \alpha \left(\sum_{i=1}^k x_i e_i \right) \cdot e_{k+1}.$$

таким образом, векторы e_{k+1} и $\sum_{i=1}^k x_i e_i$ удовлетворяют соотношению

$$(\sum_{i=1}^k x_i e_i + x_{k+1} e_{k+1})^m = G \left(\sum_{i=1}^k x_i e_i \right) + G(x_{k+1} e_{k+1}) = \sum_{i=1}^{k+1} \lambda_i x_i^m,$$

и это и обосновывает индукцию по размерности.

$$\zeta(z) = \sum_{a_k=\overline{0,m}} \zeta_{a_1 \dots a_k}(z) (dz^1)^{a_1} \cdots (dz^n)^{a_n}. \quad (I4)$$

Имеется естественная подалгебра голоморфных форм $H_G(\mathbb{C}^n) \subset E_G(\mathbb{C}^n)$, определяемая условием:

$$\partial \zeta_{a_1 \dots a_n} / \partial \bar{z}^i \equiv 0, \quad (I5)$$

т.е. $\zeta_{a_1 \dots a_n}(z)$ — голоморфные функции на \mathbb{C}^n . В алгебре $H_G(\mathbb{C}^n)$ можно определить дифференциальный оператор:

$$\mathcal{D}\zeta(z) = \sum_{a_k=\overline{0,m}} d\zeta_{a_1 \dots a_n}(z) (dz^1)^{a_1} \cdots (dz^n)^{a_n}. \quad (I6)$$

Для голоморфной обобщенной алгебры Грассмана этот оператор обобщает оператор внешнего дифференцирования Картана. Имеет место соответственная модификация известных свойств внешнего дифференцирования.

Теорема 1. Пусть $H^m(\mathbb{C}^n)$ — голоморфная обобщенная алгебра Грассмана порядка m . Эта алгебра обладает естественной \mathbb{Z} -градуировкой

$$H^m(\mathbb{C}^n) = H_0^m(\mathbb{C}^n) \oplus H_1^m(\mathbb{C}^n) \oplus \dots \oplus H_N^m(\mathbb{C}^n), \quad N = n \cdot (m-1),$$

$$H_k^m(\mathbb{C}^n) \equiv 0 \text{ для } k > N, \quad \xi = \sum_{a_1+\dots+a_n=p} \xi_{a_1 \dots a_n} (dz^1)^{a_1} \cdots (dz^n)^{a_n} \in H_p^m(\mathbb{C}^n),$$

а для оператора \mathcal{D} справедливы утверждения:

$$1. \mathcal{D}: H_k^m(\mathbb{C}^n) \rightarrow H_{k+1}^m(\mathbb{C}^n), \text{ т.е. } \mathcal{D}(H_k^m(\mathbb{C}^n)) \subset H_{k+1}^m(\mathbb{C}^n).$$

$2. \mathcal{D}(a\xi(z) + b\eta(z)) = a\mathcal{D}\xi(z) + b\mathcal{D}\eta(z)$, т.е. оператор \mathcal{D} линейный.

3. $\mathcal{D}^m \zeta(z) = \underbrace{\mathcal{D} \dots \mathcal{D}}_m \zeta(z) = 0$, $\zeta(z) \in H^m(\mathbb{C}^n)$.

Доказательство. \mathbb{Z} -градуировка алгебры $H^m(\mathbb{C}^n)$ обусловлена правилом умножения степеней, т.к. произвольный элемент является формальным полиномом относительно dz^i . До $k=n(m-1)$ алгебра сохраняет градуировку алгебры полиномов, а для $k > (m-1)n$ градуировка формальная. Доказательство первого пункта теоремы следует из определения оператора \mathcal{D} (16). Действительно, с точки зрения градуировки, действие оператора \mathcal{D} есть умножение степенных мономов на линейный полином, что и доказывает вложение. Линейность оператора также следует из определения. Для доказательства третьего пункта рассмотрим сначала голоморфную функцию $f: \mathbb{C}^n \rightarrow \mathbb{C}$, $f(z) \in H^m(\mathbb{C}^n)$, а оператор \mathcal{D} запишем в символическом виде:

$$\mathcal{D} = \sum_{i=1}^n \frac{\partial}{\partial z^i} dz^i.$$

Тогда

$$\mathcal{D}^p f(z) = \left(\sum_{i=1}^n \frac{\partial}{\partial z^i} dz^i \right) \cdots \left(\sum_{i=1}^n \frac{\partial}{\partial z^i} dz^i \right) f(z),$$

и из леммы 3 получим

$$\mathcal{D}^m f(z) = \sum_{i=1}^n \frac{\delta^m f(z)}{(dz^i)^m} (dz^i)^m,$$

и т.к. для обобщенной алгебры Грассмана порядка m : $(dz^i)^m \equiv 0$,

$$\mathcal{D}^m f(z) \equiv 0,$$

что и завершает доказательство теоремы.

Положения теоремы позволяют нам определить группы когомологий на комплексных многообразиях. Рассмотрим алгебру $H^m(M)$ алгебры $H^m(M_n)$ обобщенную алгебру Грассмана $E^m(M_n)$ порядка m . над комплексным многообразием M как цепной комплекс подгруппашем ситуацию в простейшем случае пространства \mathbb{C}^n . Система $H_k^m(M)$ относительно сложения элементов $\xi(z), \eta(z) \in H_k^m(M)$; операций образующих алгебры $E^m(\mathbb{C}^n)$ будут дифференциальные формы dx^i , dy^i . Операторы \mathcal{D}^p будут играть роль граничных операторов:

$$H_{k-p}^m(M) \xrightarrow{\mathcal{D}^p} H_k^m(M) \xrightarrow{\mathcal{D}^{m-p}} H_{k+m}^m(M).$$

Так как

$$\mathcal{D}^{m-p} (\mathcal{D}^p (H_k^m(M))) \equiv 0,$$

$$J_m \mathcal{D}^p (H_{k-p}^m(M)) \subset \text{Ker } \mathcal{D}^{m-p} (H_k^m(M)),$$

мы приходим к такому определению:

Определение 3. Факторгруппа

$$H_{m,p}^k(M) = \text{Ker } \mathcal{D}^{m-p} (H_k^m(M)) / J_m \mathcal{D}^p (H_{k-p}^m(M)) \quad (18)$$

называется группой (m,p) -когомологий порядка k над многообразием M .

Отметим, что если M – вещественное многообразие, $m=2$, пределенные группы когомологий совпадают с группами когомологий внешних дифференциальных форм (когомологий де Рама).

Обобщенные внешние алгебры можно определить и на почти комплексных многообразиях. Пусть M_n – почти комплексное многообразие и J – оператор почти комплексной структуры. Тогда координатной области $U \subset M_n$ для любой точки $x \in U \subset M_n$ пространство T_x^* может быть комплексифицировано (заменой действия оператора J на умножение на мнимую единицу). Над комплексифицированным линейным пространством T_x^* определяется обобщенная внешняя алгебра, ассоциированная с некоторой однородной формой

$$Q(dx) = \lambda_1 (dx^1)^m + \dots + \lambda_n (dx^n)^m,$$

пределенной на многообразии M_n . Оставляя в стороне вопросы существования формы Q , отметим, что нулевая форма существует на любом гладком многообразии, и, следовательно, обобщенная алгебра Грассмана произвольного порядка может быть определена на любом почти комплексном многообразии.

Чтобы распространить определение когомологий, ассоциированных с обобщенной Грассмановой алгеброй порядка m , и на почти комплексные многообразия, мы должны рассматривать вместо подлогий на комплексных многообразиях. Рассмотрим алгебру $H^m(M)$ алгебры $H^m(M_n)$ обобщенную алгебру Грассмана $E^m(M_n)$ порядка m . над комплексным многообразием M как цепной комплекс подгруппашем ситуацию в простейшем случае пространства \mathbb{C}^n . Система $H_k^m(M)$ относительно сложения элементов $\xi(z), \eta(z) \in H_k^m(M)$; операций образующих алгебры $E^m(\mathbb{C}^n)$ будут дифференциальные формы dx^i , dy^i , каким-либо образом упорядоченные. Например, может

(17) быть принят естественный порядок типа: $dx^1, \dots, dx^n, dy^1, \dots, dy^n$ или $dx^1, dy^1, dx^2, dy^2, \dots, dx^n, dy^n$. В соответствии с этими порядками мы получим правило умножения форм:

$$dy^i \cdot dx^j = \alpha dx^i \cdot dy^j \text{ для любых } i, j = \overline{1, n} \quad (19)$$

или

УДК 514.75

$$dy^i \cdot dx^j = \begin{cases} \alpha dx^i \cdot dy^j, & i \geq j; \\ -\alpha dx^i \cdot dy^j, & i < j. \end{cases} \quad (20)$$

От базиса dx^i, dy^j можно перейти к базису $d\bar{z}^i, d\bar{\bar{z}}^i$. Умножение форм $d\bar{z}^i$ и $d\bar{\bar{z}}^i$ определяется формулами типа (19) или (20). Элемент алгебры $E^m(\mathbb{C}^n)$ может быть записан в виде:

$$\zeta = \sum_{a_k, b_k = \overline{0, m}} \zeta_{a_1 \dots a_n, b_1 \dots b_n} (d\bar{z}^1)^{a_1} \dots (d\bar{z}^n)^{a_n} \cdot (d\bar{\bar{z}}^1)^{b_1} \dots (d\bar{\bar{z}}^n)^{b_n},$$

а дифференциальный оператор \mathcal{D} :

$$\mathcal{D}\zeta = \sum_{a_k, b_k = \overline{0, m}} d\zeta_{a_1 \dots a_n, b_1 \dots b_n} \cdot (d\bar{z}^1)^{a_1} \dots (d\bar{z}^n)^{a_n} (d\bar{\bar{z}}^1)^{b_1} \dots (d\bar{\bar{z}}^n)^{b_n}$$

представляется в виде суммы двух дифференциальных операторов

$$\mathcal{D} = \sum_{i=1}^n \frac{\partial}{\partial \bar{z}^i} d\bar{z}^i + \sum_{i=1}^n \frac{\partial}{\partial \bar{\bar{z}}^i} d\bar{\bar{z}}^i = \delta + \bar{\delta}.$$

Вводятся в рассмотрение $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения, которые образуют специальный класс \mathcal{H} -распределений проективного пространства P_n [1]. Дано задание $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения в репере R_1 первого порядка и доказана теорема существования [1]. Найдены поля основных геометрических объектов $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения в окрестностях 1-го и 2-го порядка. Выяснена геометрическая интерпретация голономности основных структурных подслоений $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения. Для основных структурных распределений данного $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения введены нормализации Нордена-Чакмазяна [2], [3].

В работе используется следующая схема индексов:

$$J, K, l, \dots = \overline{1, n}; \quad p, q, s, t = \overline{1, \bar{n}}; \quad i, j, k, l = \overline{\bar{n}+1, m};$$

$$\alpha, \beta, \gamma = \overline{m+1, \bar{n}-1}; \quad u, v, w = \overline{\bar{n}+1, \bar{n}-1}; \quad \beta, \sigma, \tau = \overline{1, \bar{n}-1};$$

$$a, \epsilon, c, d = (\overline{1, m}; n); \quad \hat{u}, \hat{v}, \hat{w} = \overline{\bar{n}+1, \bar{n}}; \quad \hat{A}, \hat{B}, \hat{C} = (\overline{1, \bar{n}}; \overline{m+1, \bar{n}-1}; n);$$

$$\hat{a}, \hat{\epsilon}, \hat{c}, \hat{d} = (\overline{1, m}; n); \quad \hat{p}, \hat{q}, \hat{s}, \hat{t} = (\overline{1, \bar{n}}; n); \quad \hat{i}, \hat{j}, \hat{k}, \hat{l} = (\overline{\bar{n}+1, \bar{n}}; n);$$

$$\overline{J, K, l, \dots} = \overline{0, \bar{n}}$$

§ 1. Дифференциальные уравнения $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения проективного пространства P_n

Рассмотрим специальный класс \mathcal{H} -распределений, для которых M -распределение скомпоновано [4], т.е. в каждом центре имеем соотношение:

$$A(A_o) \cap L(A_o) = A_o, \quad [A(A_o), L(A_o)] = M(A_o). \quad (1.1)$$

Этот класс \mathcal{H} -распределений введен в работе [1] и обозначается $\mathcal{H}(\Lambda, L)$. Репер выберем так, чтобы точки $\{A_p\} \subset \Lambda(A_o)$, $[A_i, i \in \mathbb{C}L(A_o)]$. Относительно репера нулевого порядка $R(\mathcal{H})$ дифференциальные уравнения $\hat{\mathcal{H}}(\Lambda, L)$ -распределения в проективном про-

Библиографический список

1. Бурлаков М.П. Клиффордовы расслоения и калибровочные поля // Гравитация и теория относительности. Казань 1986. Вып.23. С.30-36.

2. Бурлаков М.П. Грассмановы структуры на гладких многообразиях // Оптимальное управление, геометрия и анализ: Тез. Всес. школы. Кемерово, 1988. С.15.

3. Бурлаков М.П. Обобщенные внешние алгебры на комплексных многообразиях // Проблемы теоретической и прикладной математики: Тез. докл. конф. Тарту, 1990. С.44-46.